# 数学

## V模擬問題集大問5

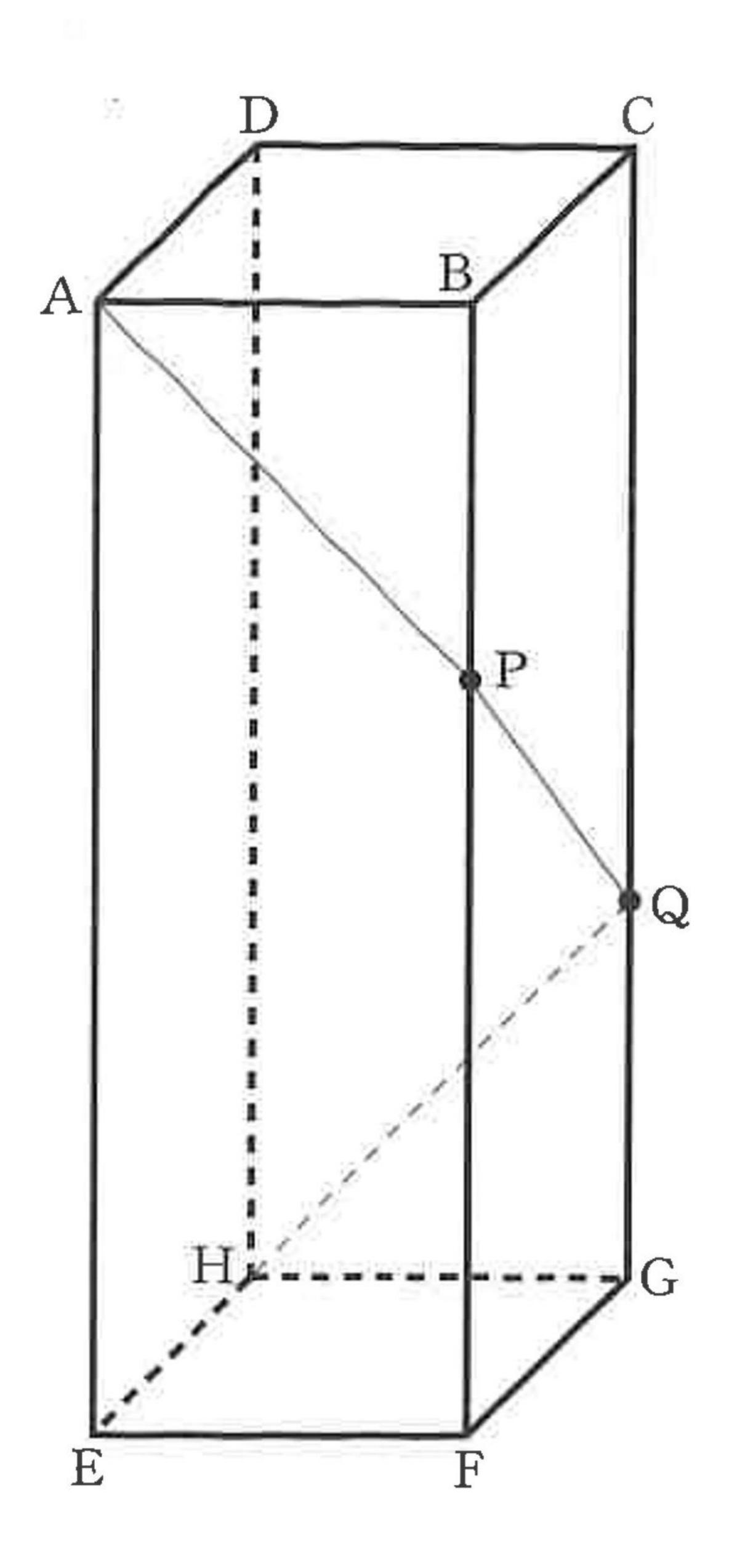
名前

5 右の図に示した立体 ABCD - EFGH は、AB=BC=6 cm、AE=18 cm の直方体である。

辺 BF 上に点 P, 辺 CG 上に点 Q をそれぞれとり、頂点 A と 点 P, 点 P と点 Q, 点 Q と頂点 H をそれぞれ結ぶ。

AP+PQ+QHの長さが最短になるとき、次の各間に答えよ。

[問1]線分BPの長さを求めよ。



[問2] 次の の中の「**お**」「**か**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。 4点 A, P, Q, H を頂点とする立体の体積は, **おか** cm³ である。 5 右の図1に示した立体 ABCD - EFGHは,

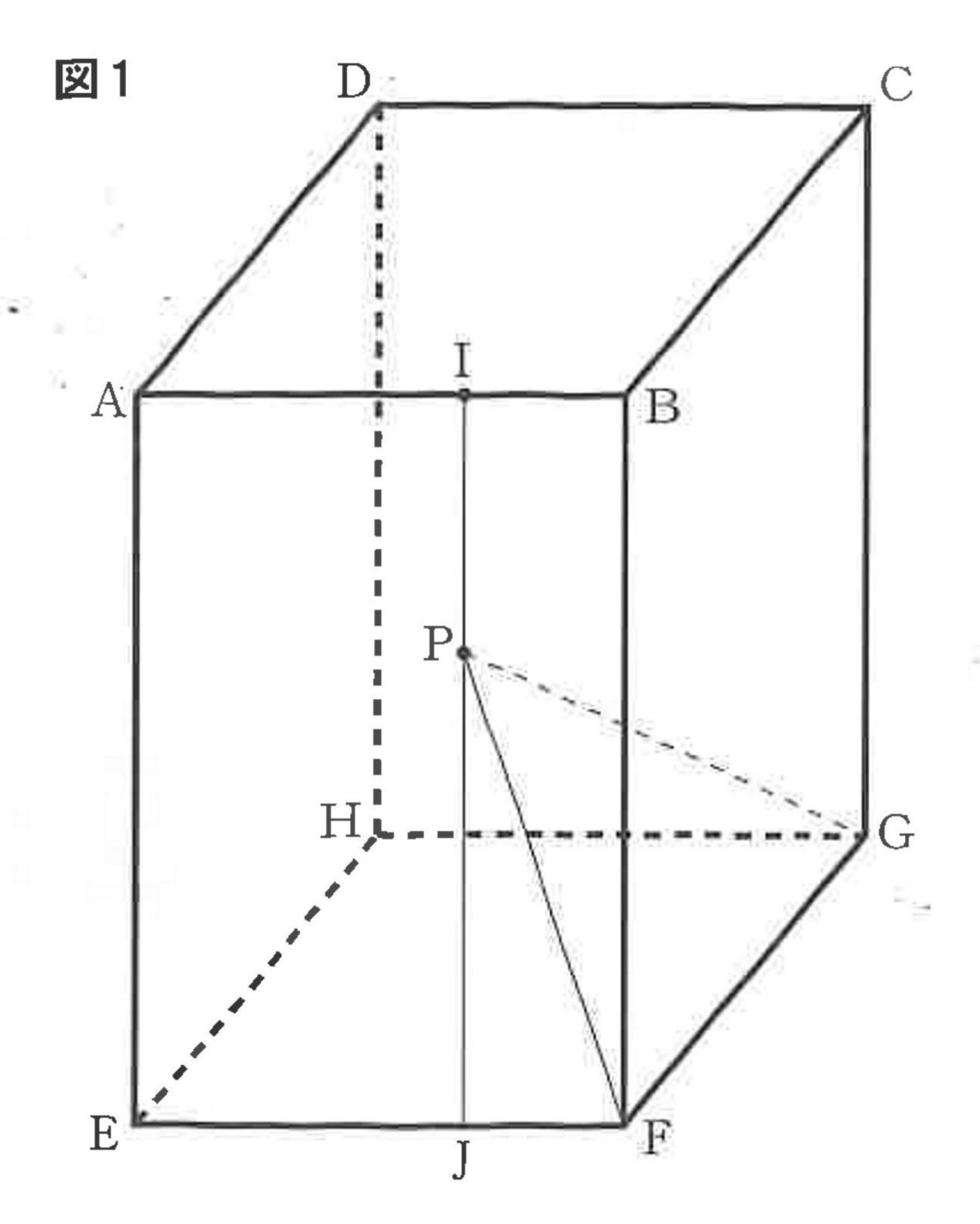
AB=8 cm, AD=9 cm, AE=12 cm の直方体である。 辺AB上に点 I をとり, 点 I を通り辺 AB に垂直な直 線と辺 EF との交点を J とする。

また、線分 IJ 上に点 P をとり、頂点 F と点 P、頂点 G と点 P をそれぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「**お**」「**か**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

**図1**において、FP=FGのとき、∠FPGの大き さは、 **おか** 度である。

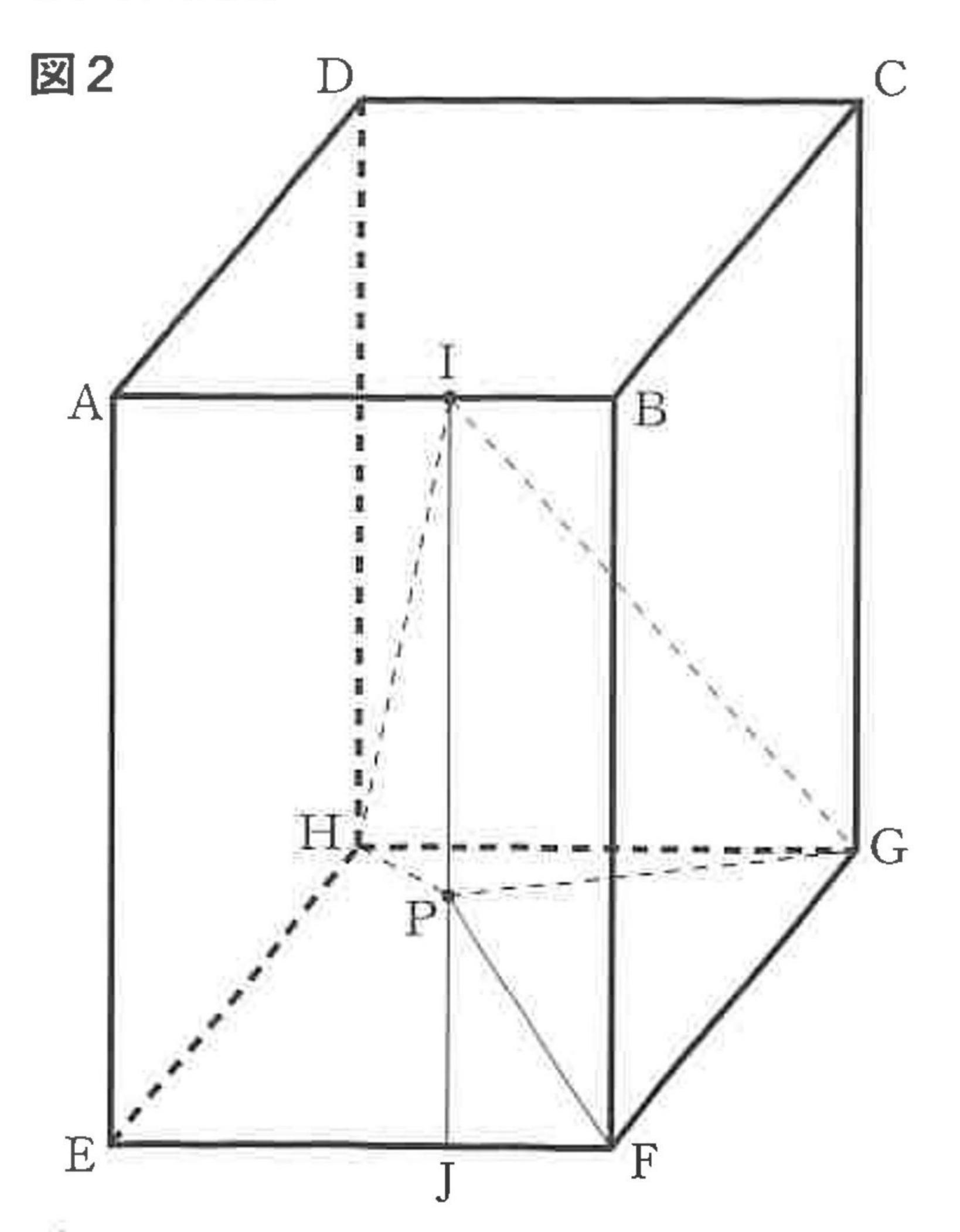


[問2]次の の中の「き」「く」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は**, 図1**において, IP:PJ=2:1となるとき, 頂点 G と点 I, 頂点 H と点 I, 頂点 H と点 I, 頂点 H と点 I, 頂点 H と点 P をそれぞれ結んだ場合を表している。

このとき、立体 P - HGIの体積は、

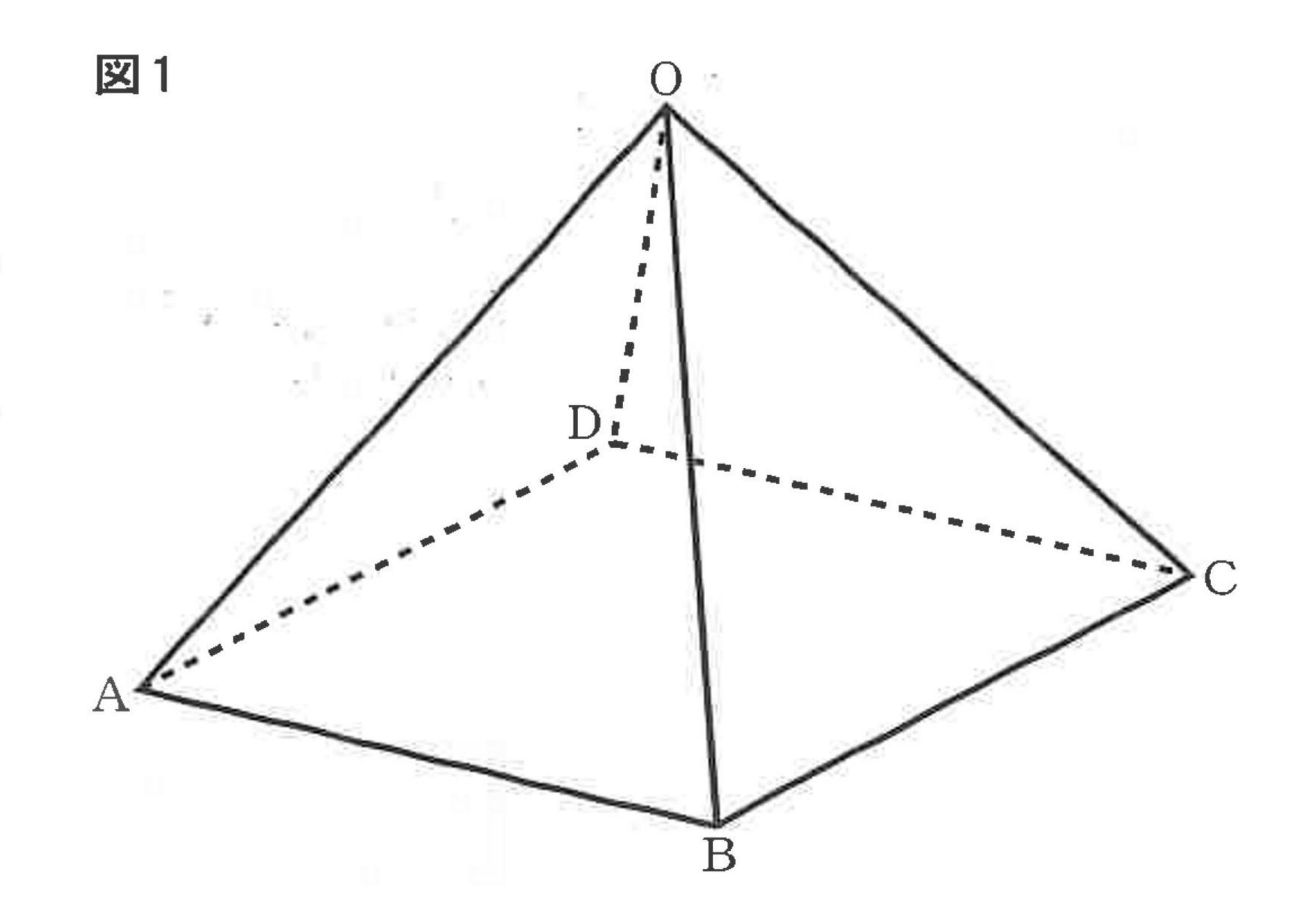
きく cm³である。



5 右の図1に示した立体 O - ABCD は, すべての辺の長さが等しい正四角すいであ る。

次の各間に答えよ。

[問1]次の の中の「く」「け」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。∠AOC の大きさは、 くけ 度である。

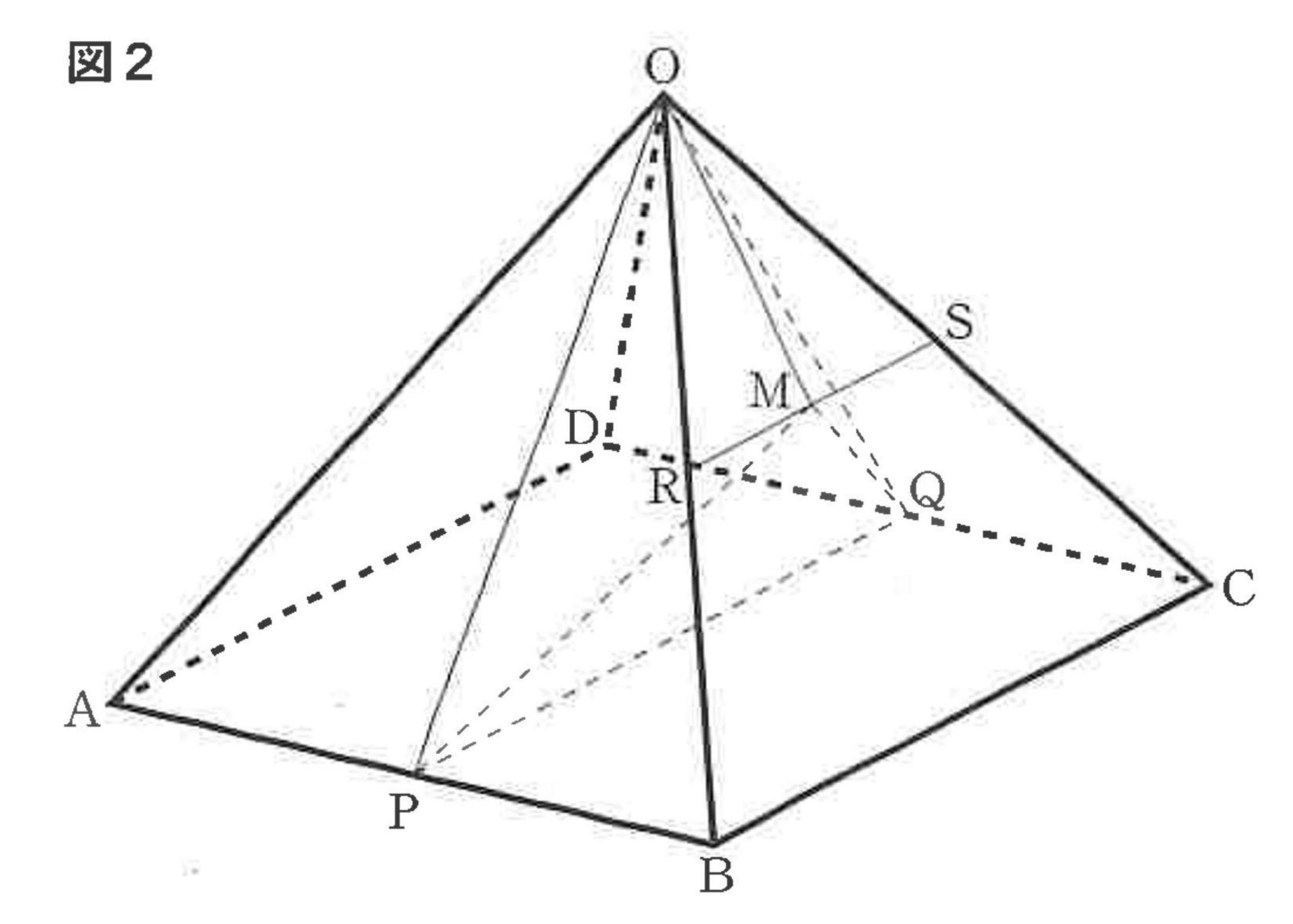


[問2]次のの中の「こ」「さ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は,**図1**において,辺 AB の中点を P,辺 CD の中点を Q,辺 OB の中点を R,辺 OC の中点を S とし,線分 RS の中点を M とし て,四面体 MOPQ をつくった場合を表している。

四面体 MOPQ の体積は, 正四角 すい O - ABCD の体積の,

一一倍である。



**5** 右の図1に示した立体 ABC — DEF は、AB = BC = 3 cm、AD = 8 cm、∠ABC = ∠ABE = ∠CBE = 90°の三角柱である。

辺CFの中点をMとする。

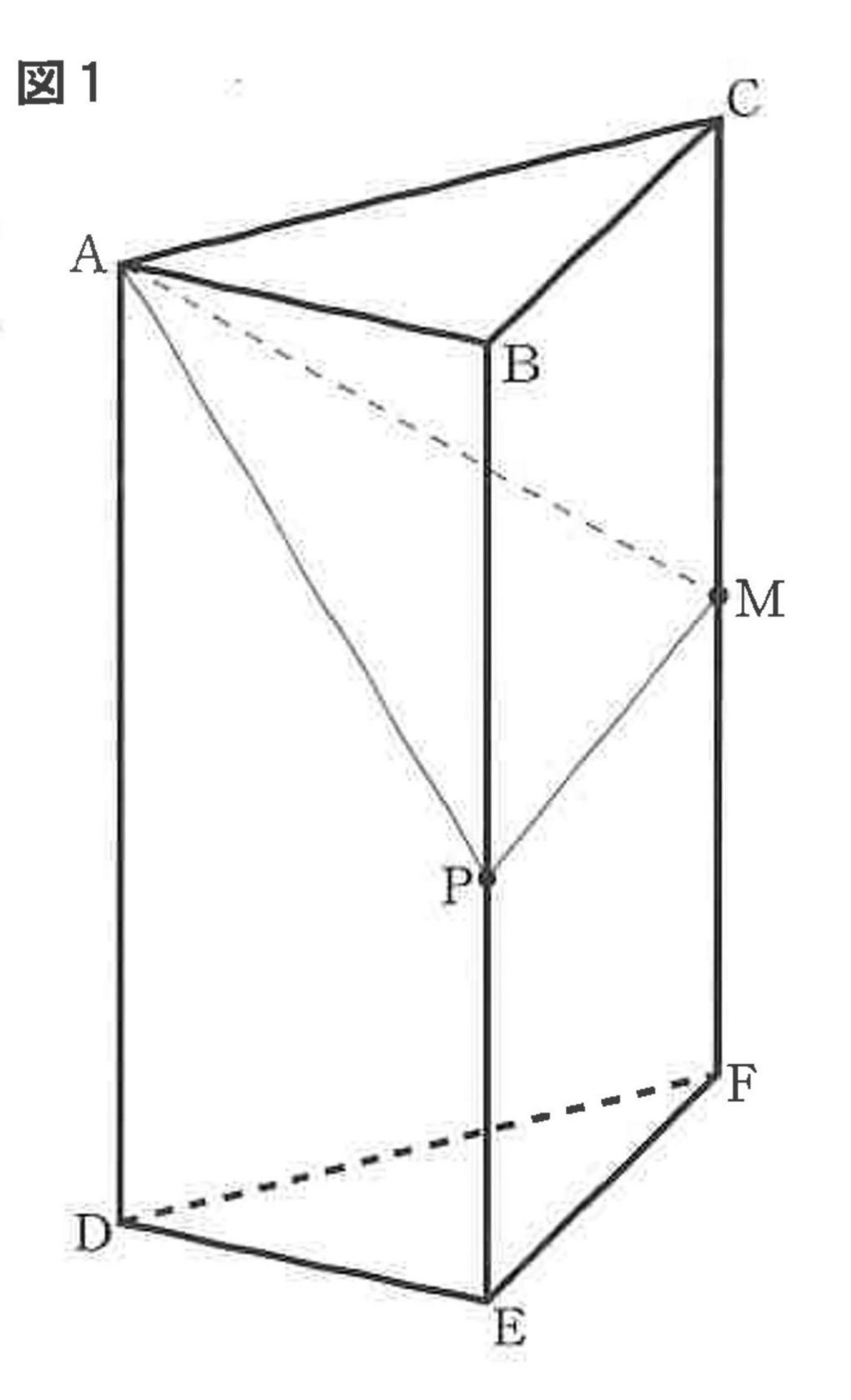
辺 BE 上に点 P をとり, 頂点 A と点 P, 頂点 A と点 M, 点 P と点 M をそれぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「け」「こ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

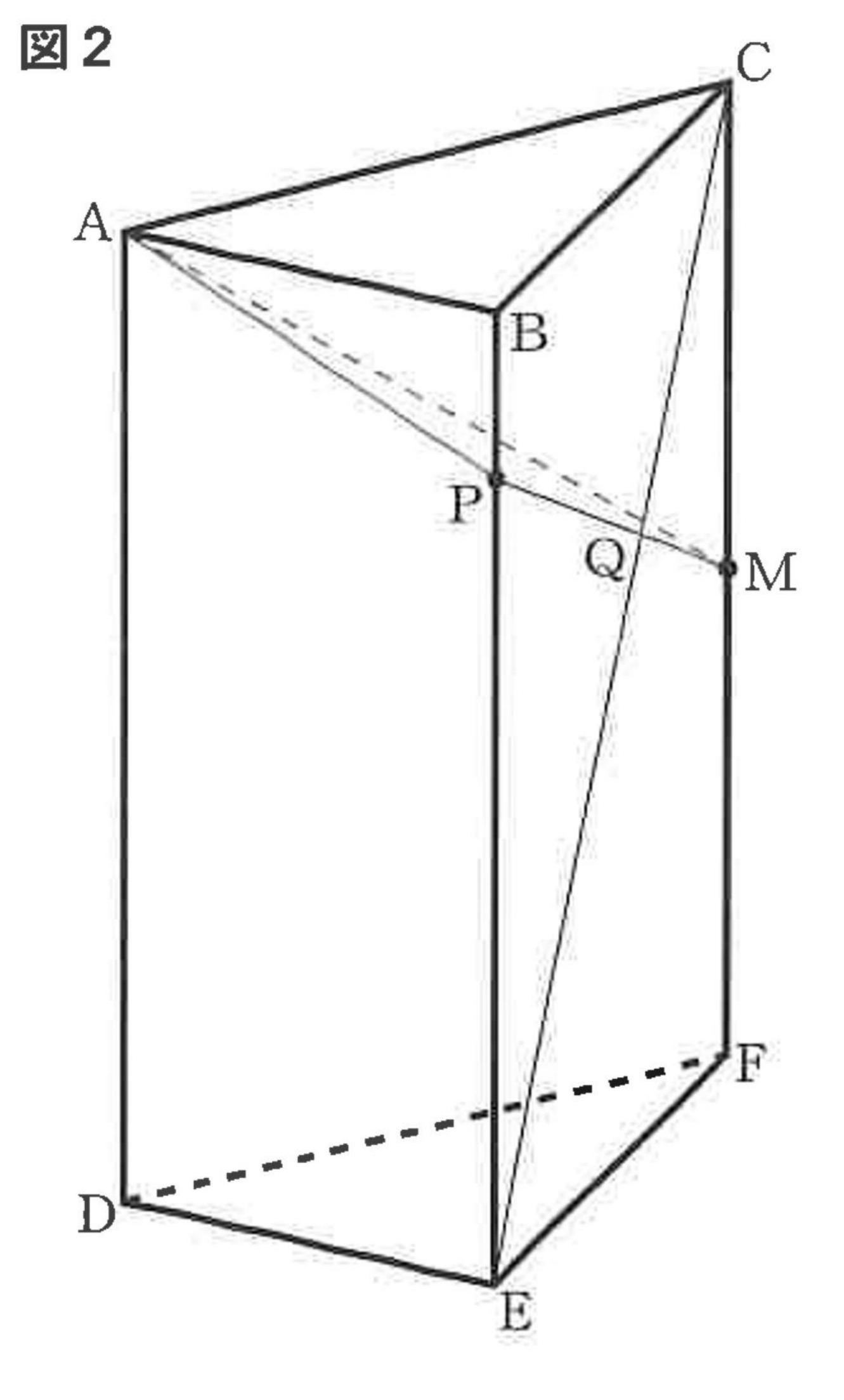
BP=6cmのとき、四角すいA-BPMCの体積は、

けこ cm³である。



[問2] 右の**図2**は**, 図1**において,線分 CEと線分 PM の交点を Q とした場合を表している。

AP+PMの長さが最も短くなるとき,四角形 EFMQ の面積は何 cm<sup>2</sup> か。



5 右の図1に示した立体 ABCD - EFGH は、

 $AB=BC=3\sqrt{2}$  cm, AE=8 cm の正四角柱である。 辺 AE 上に PE=2 cm となる点 P をとり,頂点 A と頂点 C,頂点 C と点 P をそれぞれ結ぶ。

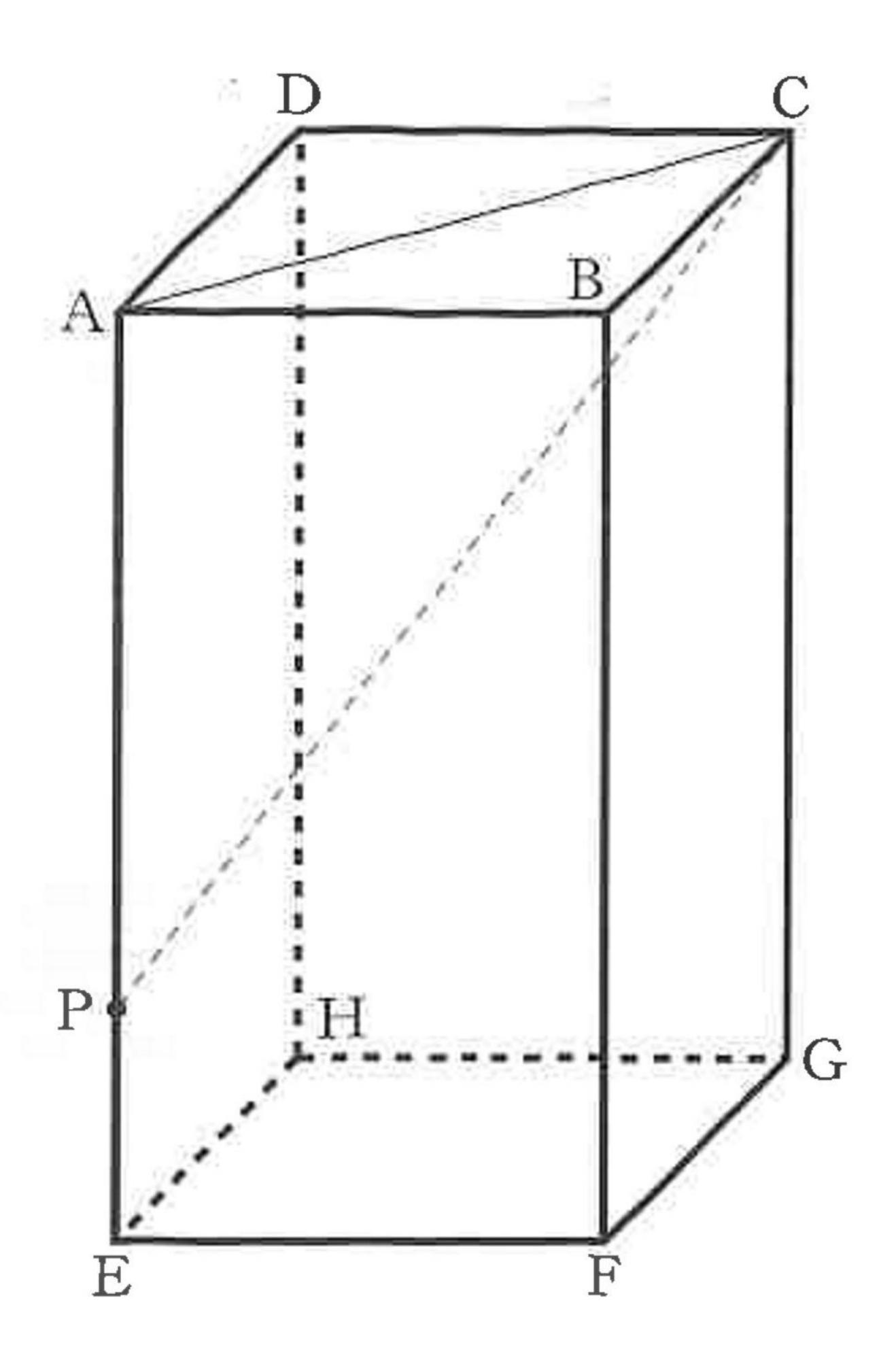
次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「**え**」「**お**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

△ACPの内角である ZACPの大きさは、

えお度である。

図 1

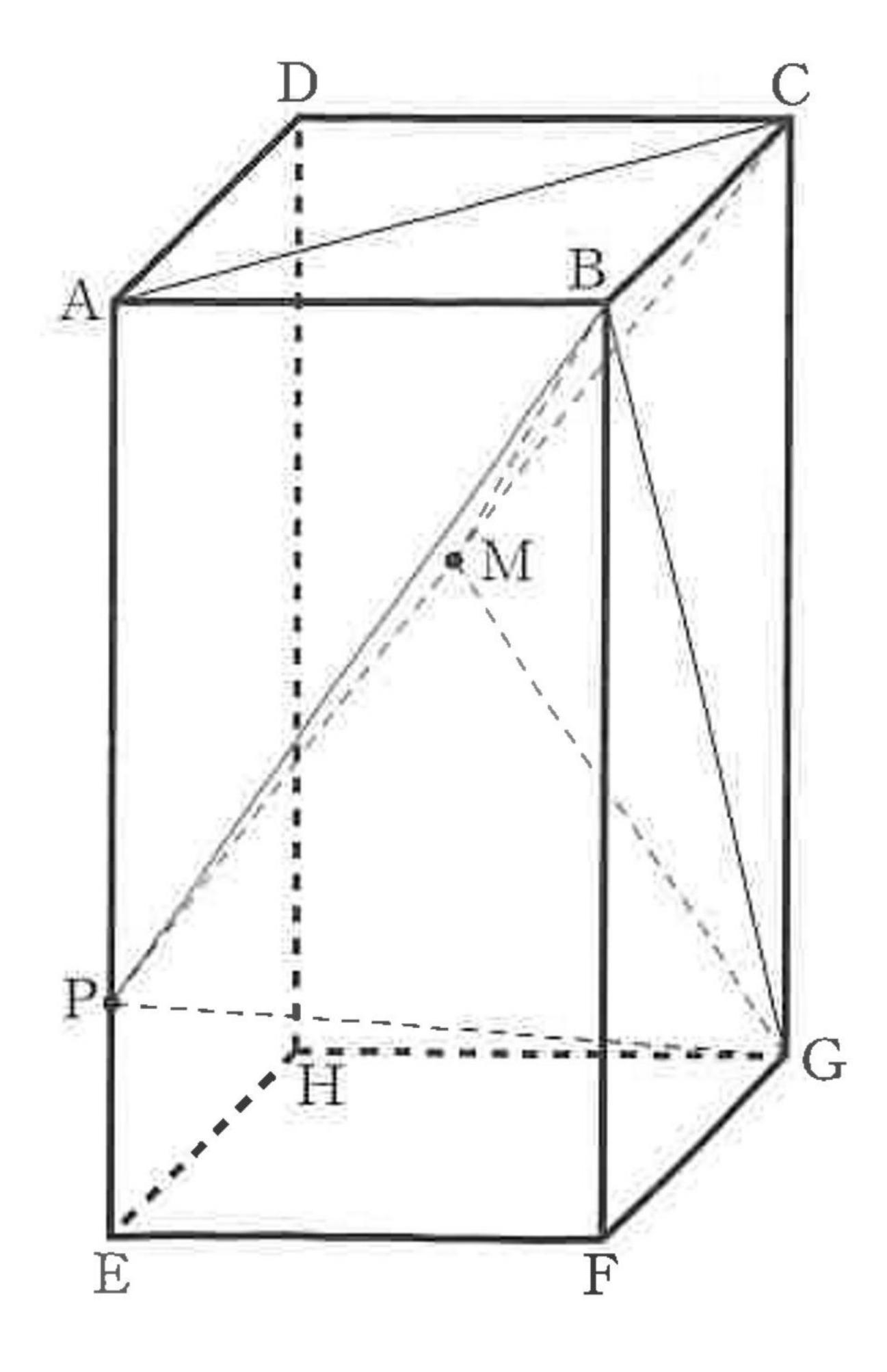


[問2]次の の中の「か」「き」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は**, 図1**において,線分 CP の中点をMとし,四面体 BGPM をつくった場合を表している。

四面体 BGPM の体積は、 **かき** cm³ である。

図 2



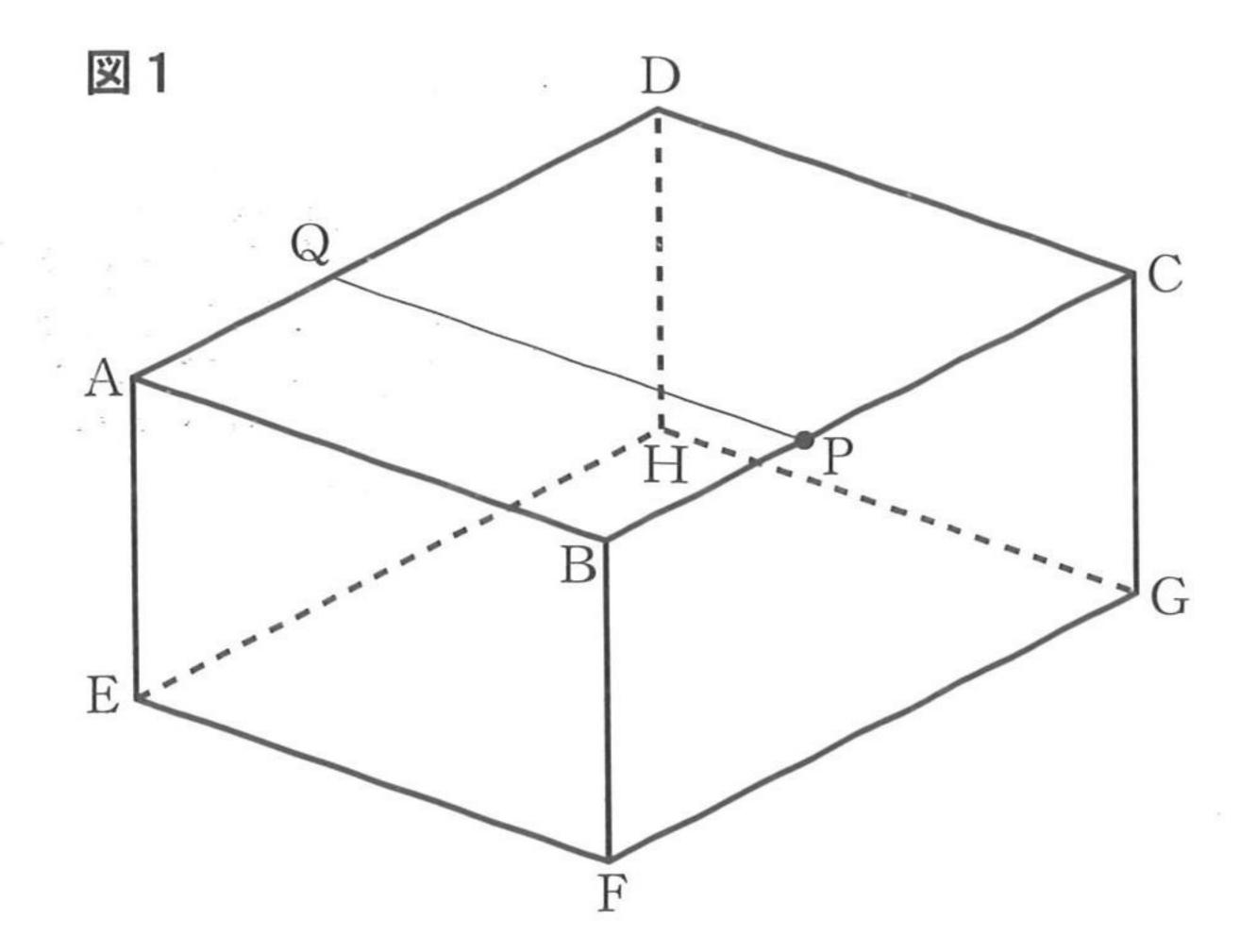
5 右の図1に示した立体 ABCD - EFGH は、AB=12 cm, AD=16 cm, AE=8 cmの直方体である。

辺BC上に点Pをとり、点Pから辺ADに ひいた垂線と辺ADとの交点をQとする。 次の各問に答えよ。

[問1] 頂点Eと点Q,頂点Fと点Pをそれ ぞれ結ぶ。

CP = FP = 10 cm のとき,

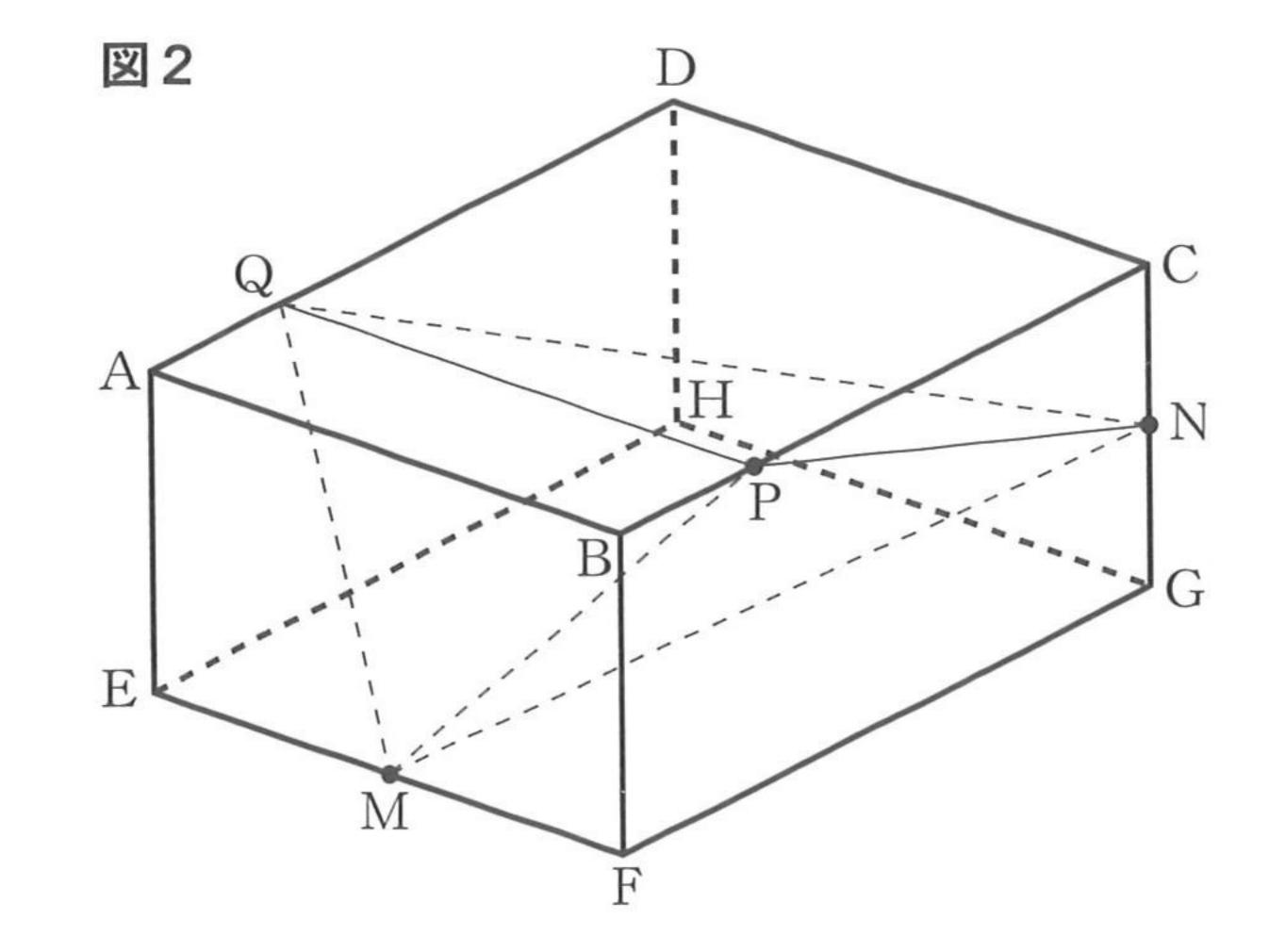
三角柱 AEQ - BFP の表面積を求めよ。



[問2] 次の の中の「け」「こ」「さ」に当 てはまる数字をそれぞれ答えよ。

> 右の図2は、図1において、辺EF、 CGの中点をそれぞれ M、N とし、四面 体 PQMN をつくった場合を表してい る。

> CP=12 cm のとき, 四面体 PQMN の体積は, **けこさ** cm³ である。



**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は, 1 辺 の長さが 8 cm の立方体である。

辺 CD の中点を M とし, 辺 AD 上に点 P, 辺 AE 上に点 Q をとる。

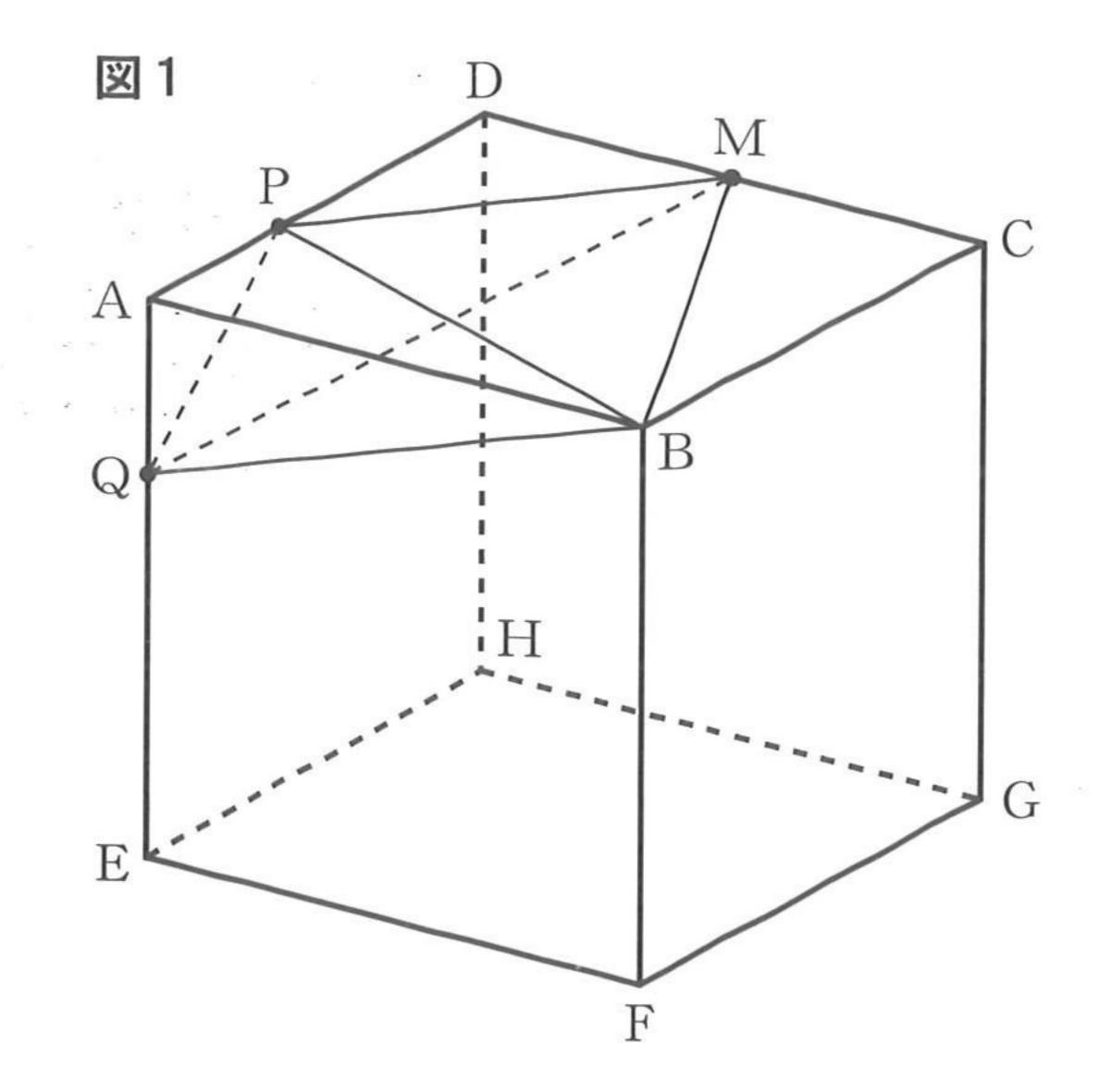
頂点 B と点 M, 頂点 B と点 P, 頂点 B と点 Q, 点 M と点 P, 点 M と点 Q, 点 P と点 Q をそれぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

[問 1] 次の の中の「**え**」「**お**」「**か**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

頂点Dと点Qを結ぶ。

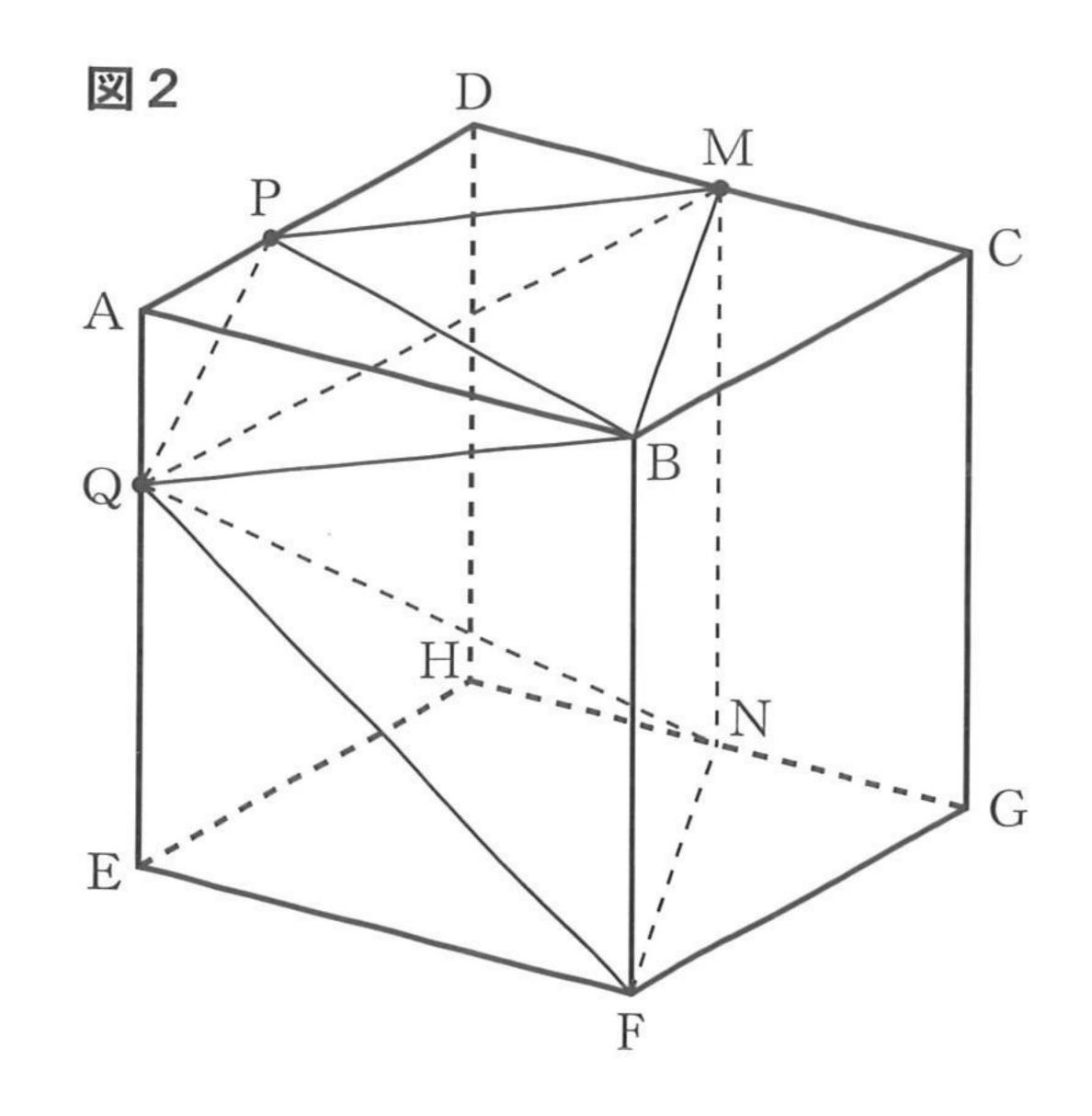
BM=BP=BQのとき,四面体 DMPQの体積は,



<u>| えお </u> cm³ である。

[問2] 右の図2は、図1において、点Mから辺GHにひいた垂線と辺GHとの交点をNとし、頂 にひいた垂線と辺GHとの交点をNとし、頂 点Fと点N、頂点Fと点Q、点Nと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

AQ=2 cm で,7つの面 BMP,BFNM,BQF,MQN,QFN,BPQ,MPQ で囲まれた立体の体積が188 cm³のとき,線分 AP の長さは何 cm か。



义 1

**5** 右の**図1**に示した立体 ABC - DEF は、  $AB=4 \, \mathrm{cm}$  ,  $AC=6 \, \mathrm{cm}$  ,  $AD=2 \, \mathrm{cm}$  ,  $\angle BAC=\angle BAD=\angle CAD=90^\circ$  の三角柱 である。

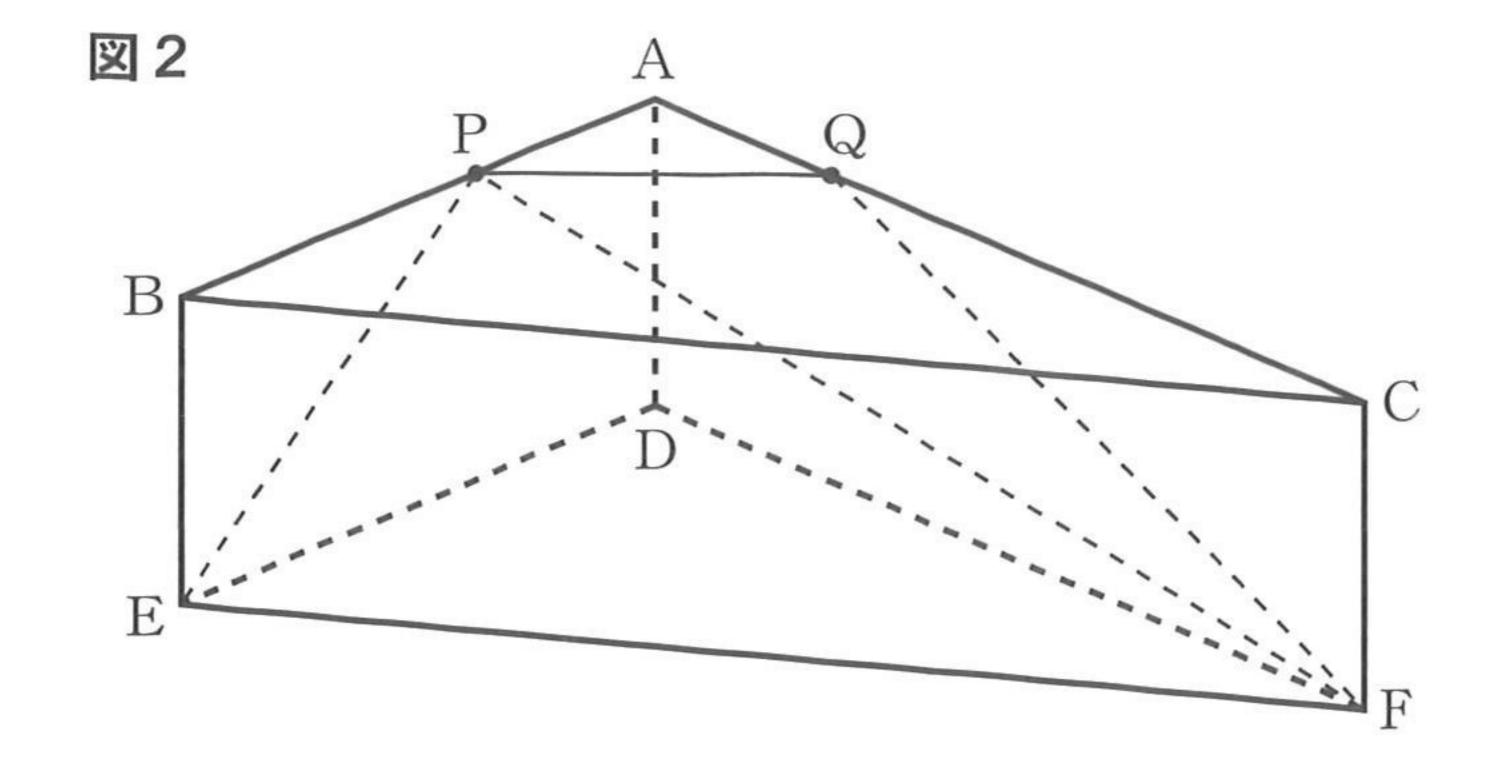
次の各間に答えよ。

[問 1] 次の の中の「**お**」「**か**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

三角柱 ABC – DEF の体積は, おか cm³ である。

[問2] 右の図2は、図1において、辺AB、 AC上に点P、QをAP=AQとなる ようにとり、頂点Eと点P、頂点Fと 点P、頂点Fと点Q、点Pと点Qを それぞれ結んだ場合を表している。

6つの面 APQ, PEF, PFQ, DEF, APED, ADFQ で囲まれた立体の体積が 10 cm³ になるとき,線分 AP の長さは何 cm か。



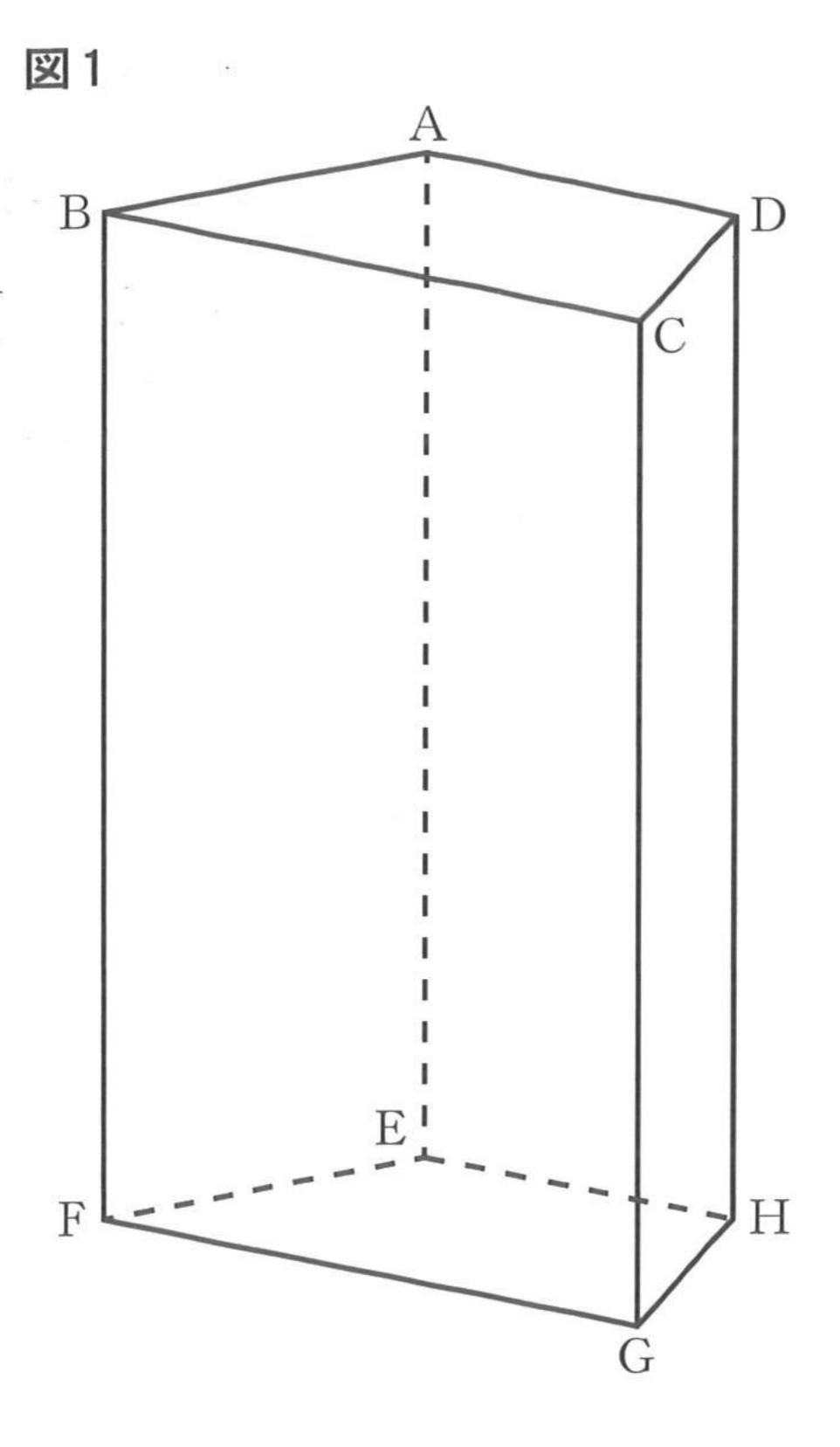
#### 2020年12月

5 右の図1に示した立体ABCD-EFGHは、

底面 ABCD が AD // BC の台形である四角柱である。

 $AD=4\,\mathrm{cm}$ ,  $BC=7\,\mathrm{cm}$ ,  $CD=3\,\mathrm{cm}$ ,  $AE=14\,\mathrm{cm}$ ,  $\angle ADC=\angle ADH=\angle CDH=90^\circ$  のとき, 次の各間に答えよ。

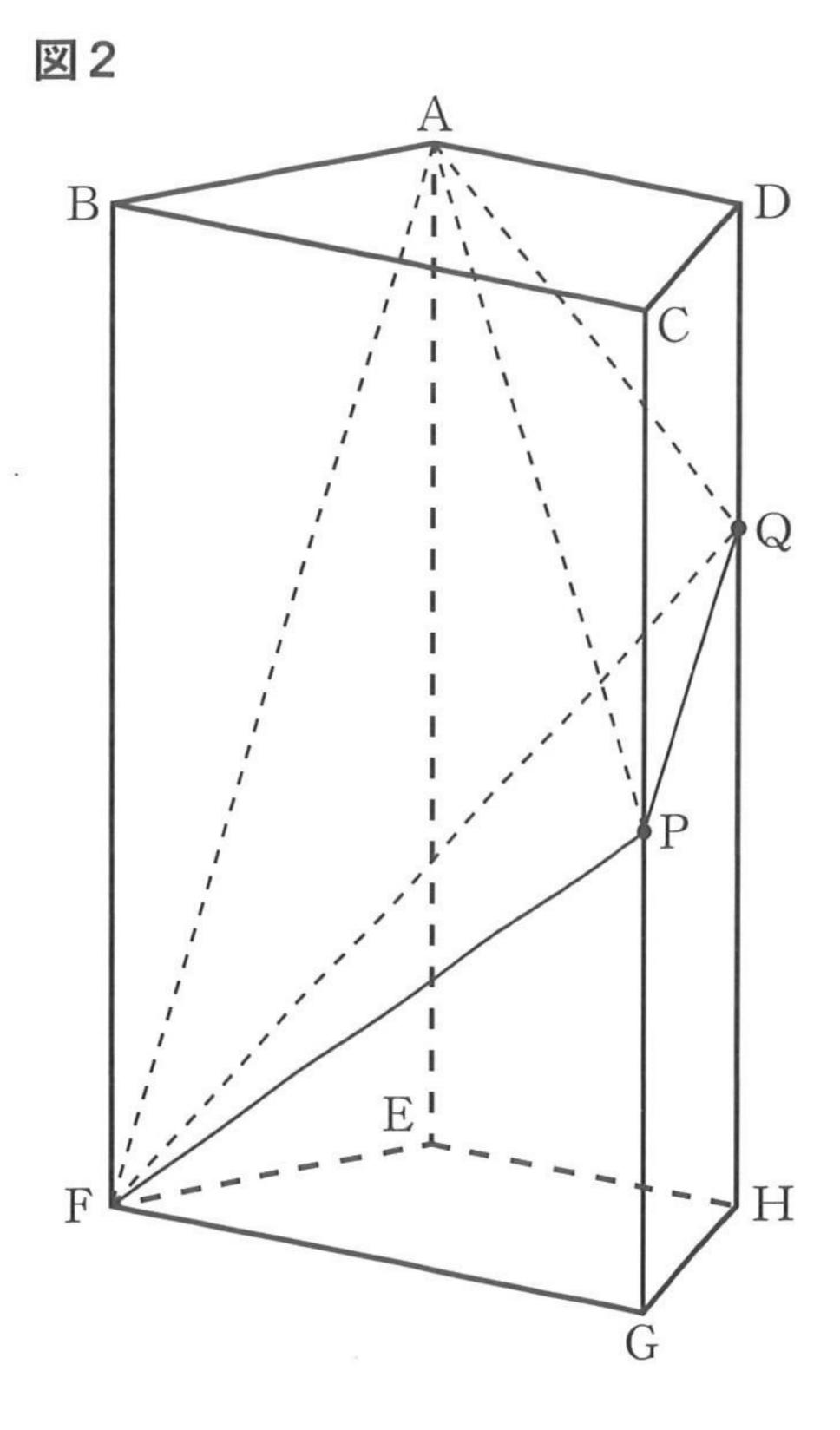
[問1] **ZBAD**の大きさは何度か。



[問2] 次の の中の「**し**」「**す**」に当てはまる数字を それぞれ答えよ。

右の**図2**は、**図1**において、辺CG上に点P、辺DH上に点Qをとり、四面体AFPQをつくった場合を表している。

線分 FP, PQ, QA の長さの和がもっとも小さくなるとき, 四面体 AFPQ の体積は, しす cm<sup>3</sup>である。



**5** 右の図1に示した立体 O - ABCD は,すべての辺の長さが 6 cm の正四角すいで,線分AC の長さは  $6\sqrt{2}$  cm である。

線分 AC の中点を M とし, 点 O と点 M を結ぶ。

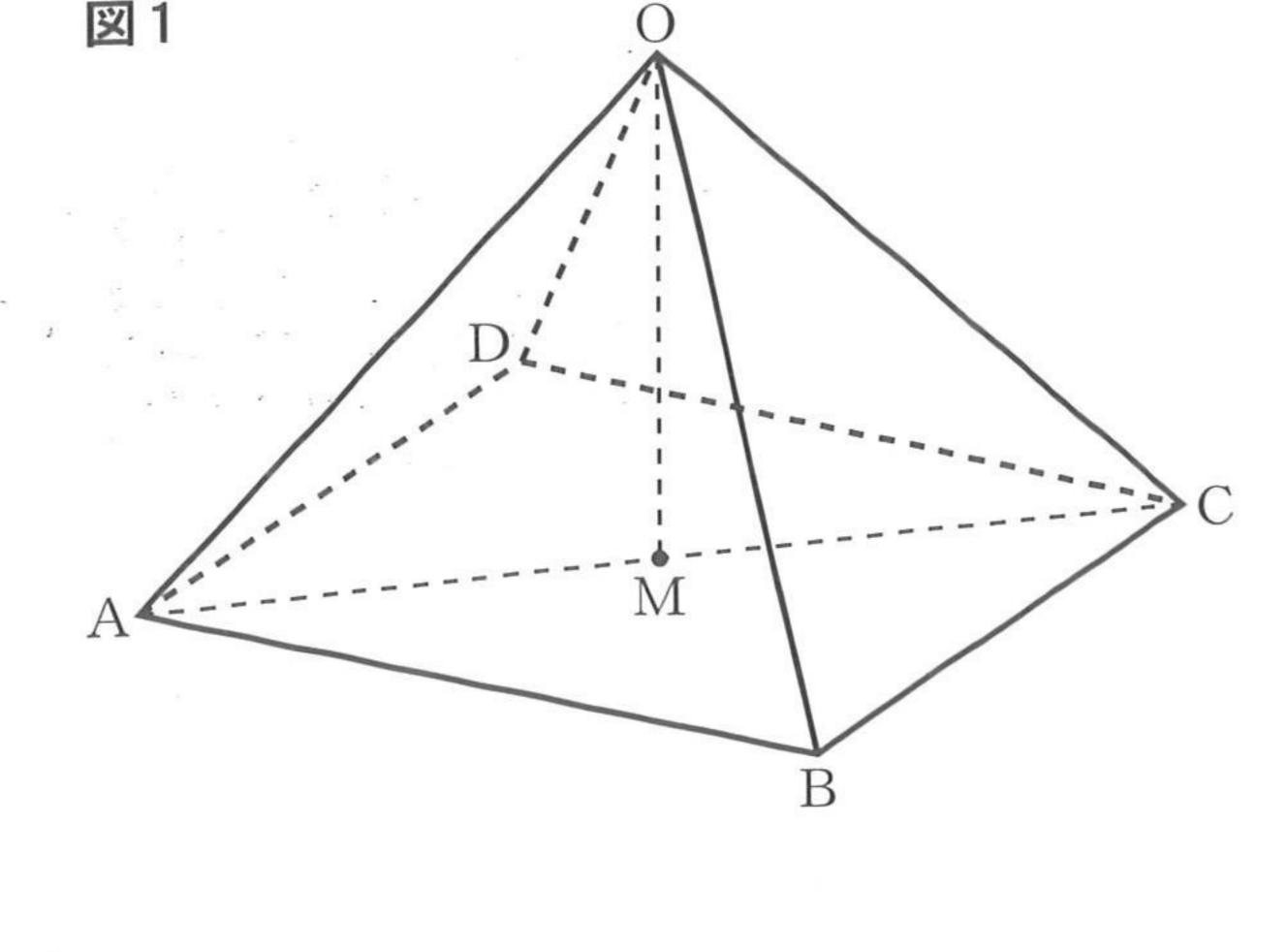
次の各間に答えよ。

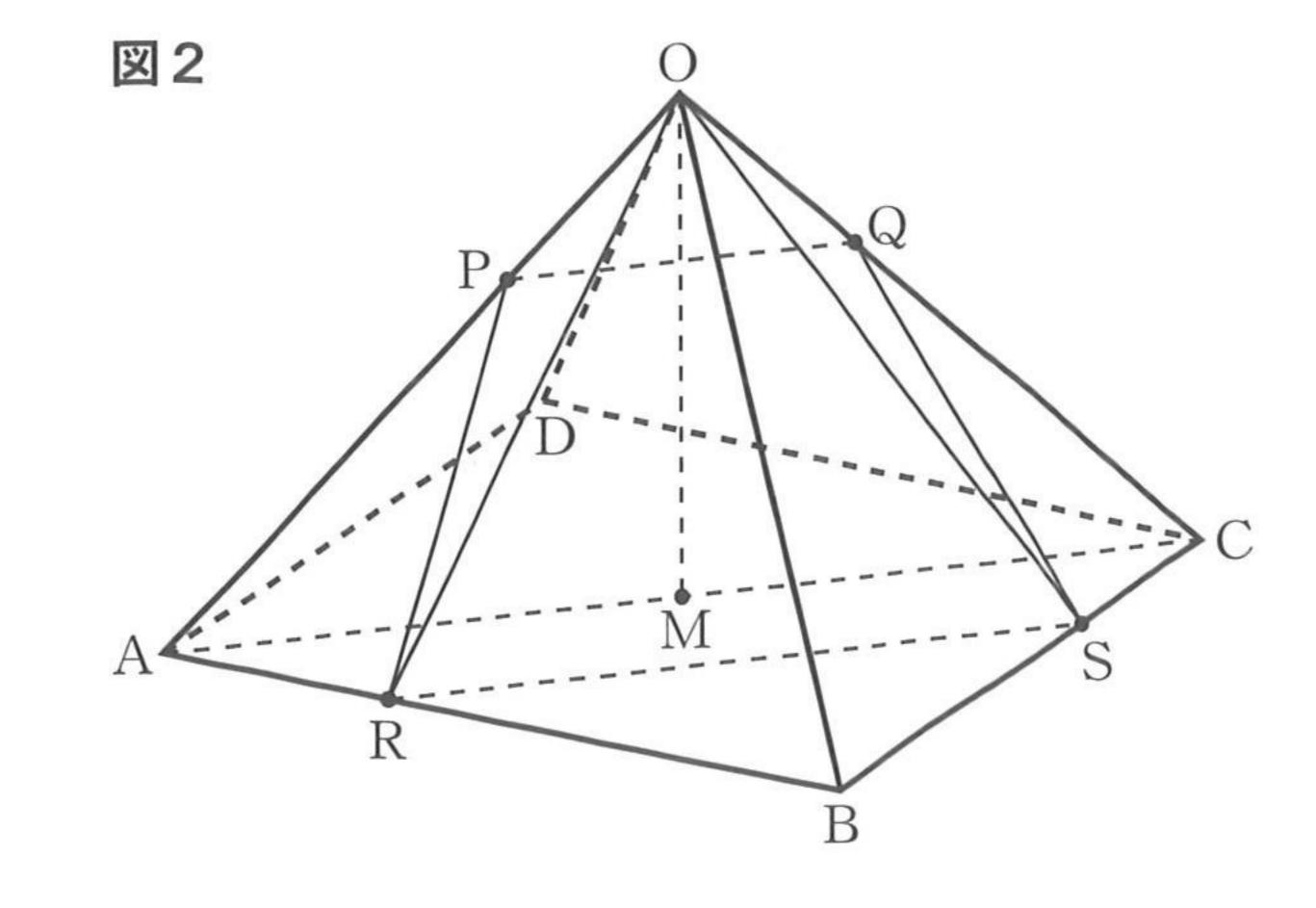
[問 1] 次の の中の「**け**」「こ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

線分 OM の長さは, **け**√**こ** cm である。

[問2] 右の図2は、図1において、辺OA上に点P、辺OC上に点Q、辺AB上に点R、辺CB上に点Sを、OP=OQ=AR=CS=2cmとなるようにとり、四角すいO-PRSQをつくった場合を表している。
四角すいO-PRSQの体積は

四角すい O - PRSQ の体積は何 cm<sup>3</sup>か。





1.1

**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は,

AB=AD=4cmの直方体である。

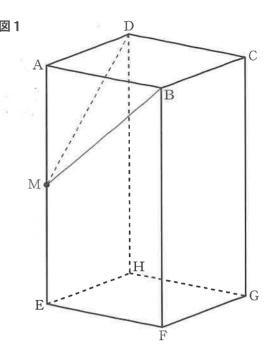
辺AEの中点をMとし、頂点Bと点M、頂点Dと点Mをそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

[問1] 次の の中の「う」「え」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

AE=8cm のとき、∠DMB の大きさは、

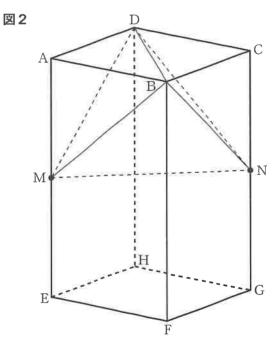
**うえ** 度である。



[問 2] 次の の中の [**お**] 「**か**」に当てはまる 数字をそれぞれ答えよ。

右の2は、21において、辺 CG の中点を N とし、四面体 BDMN をつくった場合を 表している。

AE=6 cm のとき、四面体 BDMN の体積は、 $tom^3$  である。



右の図1に示した立体 ABCD - EFGH は、

AB = BC = 6 cm, AE = 10 cm の直方体である。

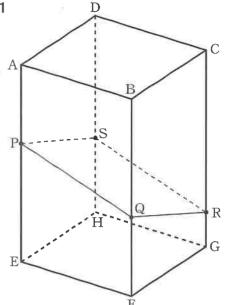
辺AE上に点P, 辺BF上に点Q, 辺CG上に点R, 辺DH上に点Sを,4点P,Q,R,Sが同じ平面上の点 となるようにとり、点Pと点Q、点Qと点R、点Rと 点S,点Sと点Pをそれぞれ結ぶ。

12

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「**う**」に当てはまる数字を答 えよ。

> AP=5 cm, BQ=7 cm, CR=8 cm のとき, 線分 DS の長さは, **う** cm である。



[問2] 次の の中の[え][お]に当てはまる数字 をそれぞれ答えよ。

右の図2は、図1において、AP=4cm、

BQ=6 cm, DS=2 cm のとき, 線分 BE と線分 PQ の交点を T, 線分 BG と線分 QR の交点を U とし、五角すい H-SPTUR をつくった場合を表 している。

五角すい H-SPTUR の体積は,

えお cm³である。

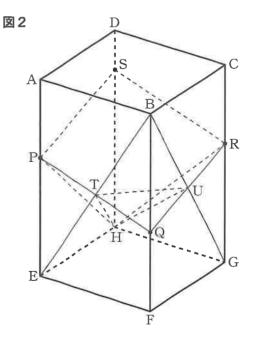


図 1

**5** 右の**図1** に示した立体 O - ABCD は、正四角すいである。

右の**図2**は、正四角すい O-ABCD の展開図であり、 4点 P, Q, R, Sは、この展開図を組み立てたとき、**図1** の頂点 O に重なる点である。

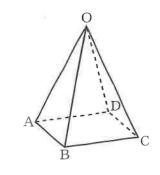
また、4 点 P, Q, R, S を結んでできる四角形 PQRS は、 正方形である。

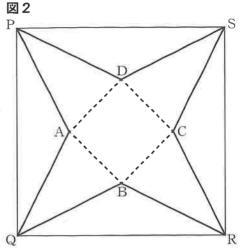
点 A と直線 PQ の距離が 2 cm で、正方形 PQRS の 1辺の長さが 8 cm のとき、次の各間に答えよ。

[問 1] 次のo中の「き」「く」に当てはまる数字を それぞれ答えよ。

正四角すい O-ABCD の表面積は、

**きく** cm² である。





[問2] 次の の中の「け」「こ」「さ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。 正四角すい O - ABCD の体積は, に四角すい + cm $^3$  である。

14

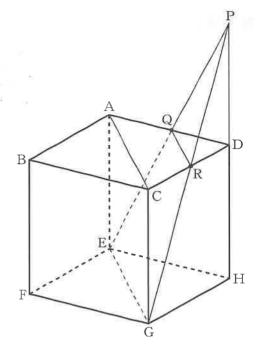
**5** 右の図に示した立体 ABCD — EFGH は, 1 辺の長さが 12 cm の立方体である。

辺 HD を D の方向に延ばした直線上に点 P をとり、辺 AD と線分 EP との交点を Q、辺 CD と線分 GP との交点を R とする。

頂点 A と頂点 C, 頂点 E と頂点 G, 点 Q と点 R をそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

[問1] CR = 8 cm のとき,線分 PD の長さは何 cm か。



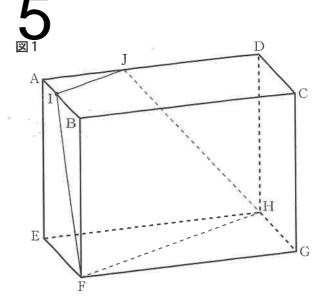
[問2] 5つの面 AEGC, ACRQ, AEQ, CGR, QEGR で囲まれた立体の体積が486 cm³のとき、線分 DR の長さは何 cm か。

**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD-EFGH は、 AB=8 cm, AD=16 cm, AE=12 cm の 直方体である。

辺 AB 上に AI = 3 cm となる点 I をとり, 3 点 I, F, H を通る平面と辺 AD との交点を J とする。

次の各問に答えよ。

[問 1] 次の の中の「**く**」「**け**」に当ては まる数字をそれぞれ答えよ。



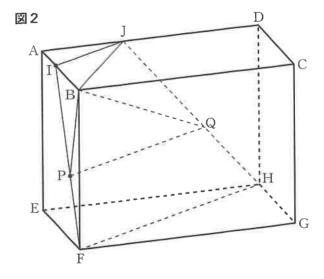
[問2] 次の の中の「こ」「さ」「し」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は、**図1**において、線分 IF 上に点 P をとり、点 P を通り線分 IJ に平行な直線と線分 JH との交点を Q とし、四角すい B-IPQJ をつくった場合を表している。

IP: PF = 3:2 obs,

四角すい B-IPQJの体積は,

こさし cm³ である。

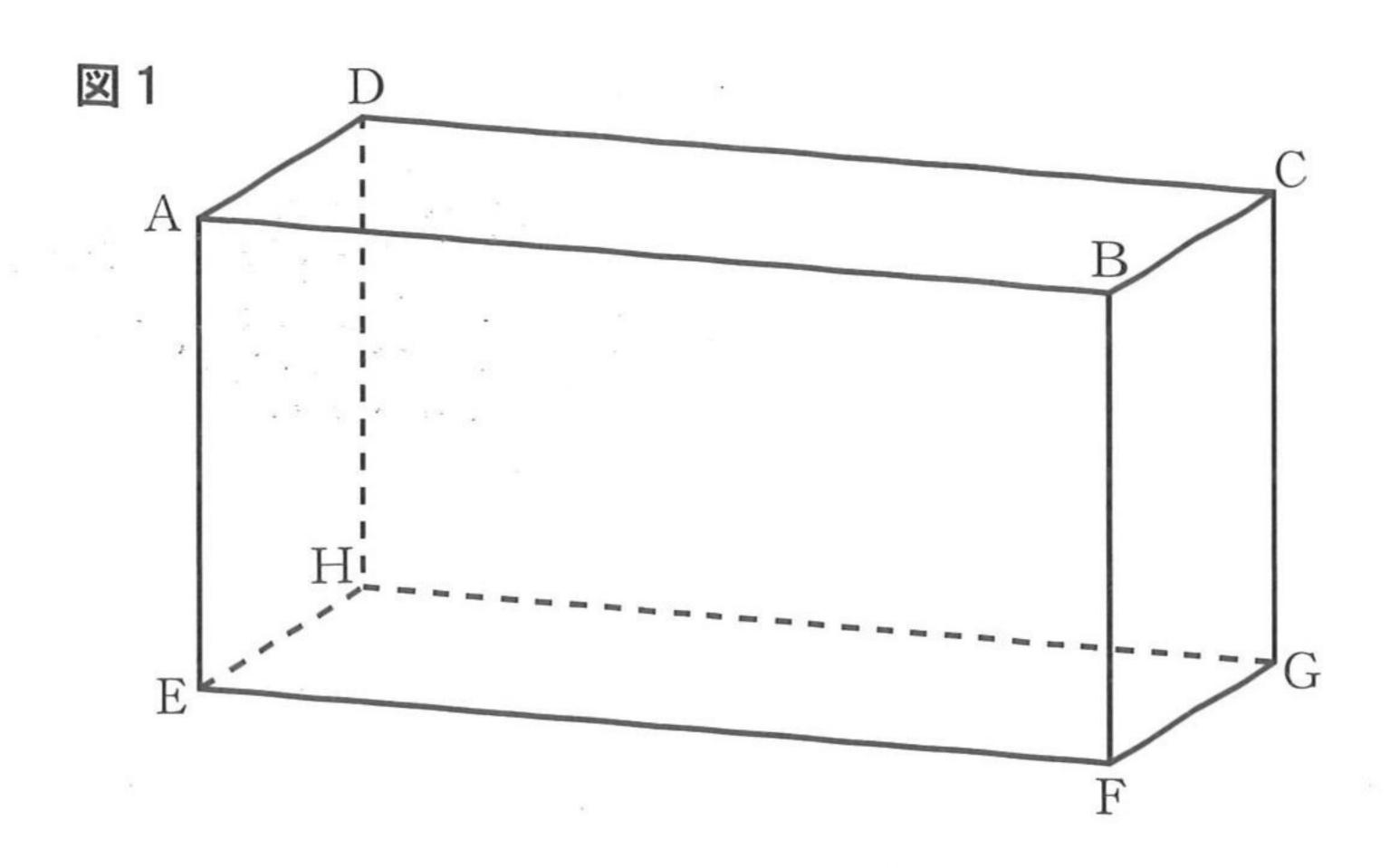


**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は, AB = 12 cm, AD = AE = 6 cm の 直方体である。

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「**え**」「お」「か」 に当てはまる数字をそれぞれ答え よ。

> 直方体 ABCD - EFGH の表面積 は, **えおか** cm² である。



[問 2] 次の の中の「**き**」「**く**」「**け**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

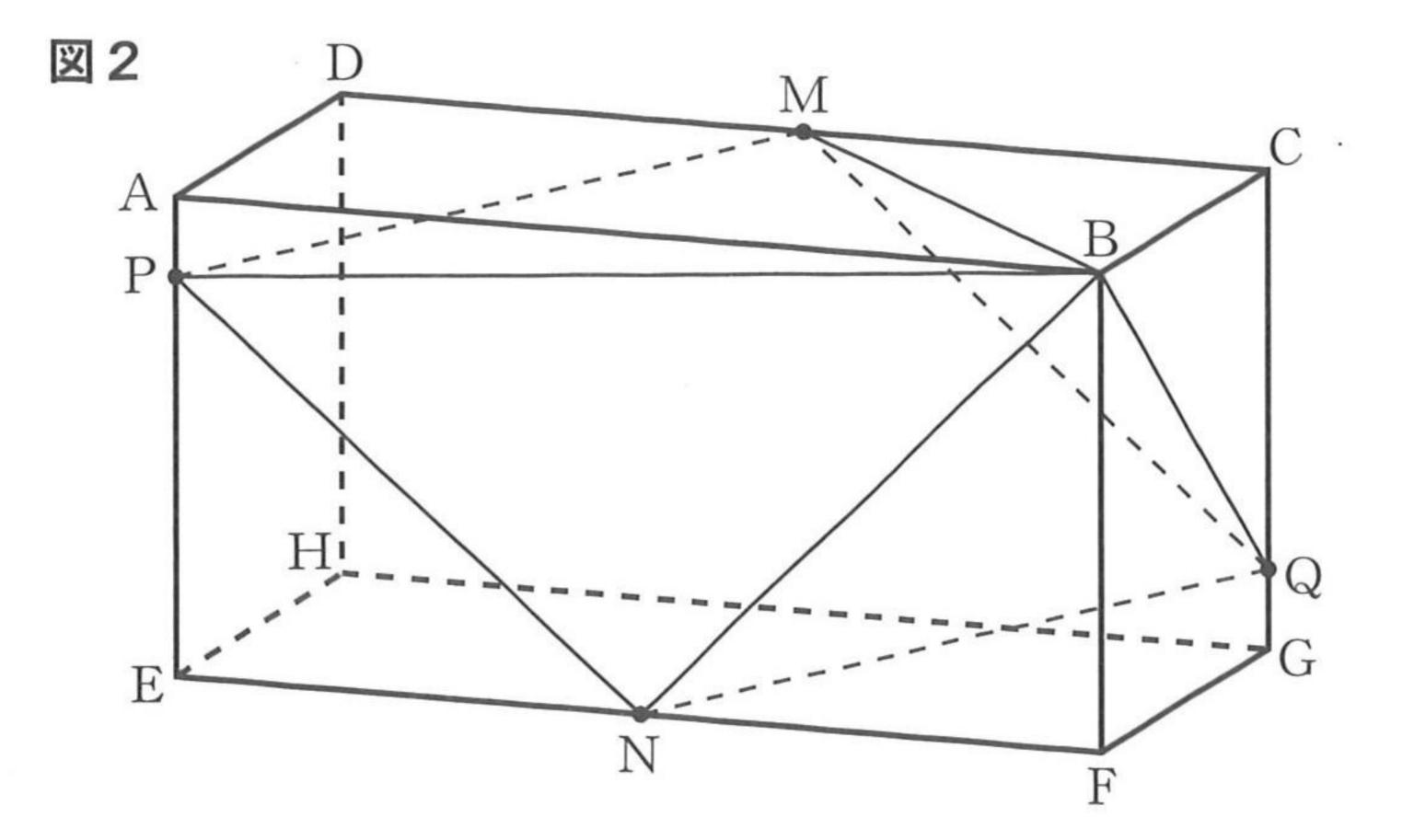
右の図2は、図1において、

辺 DC, EF の中点をそれぞれ M, N とし, 辺 AE 上に点 P, 辺 CG 上に 点 Q を, 4 点 M, P, N, Q が 1 つの 平面上にあるようにとった場合を表している。

四角すい B-MPNQ をつくる。 AP=1 cm のとき,

四角すい B-MPNQの体積は,

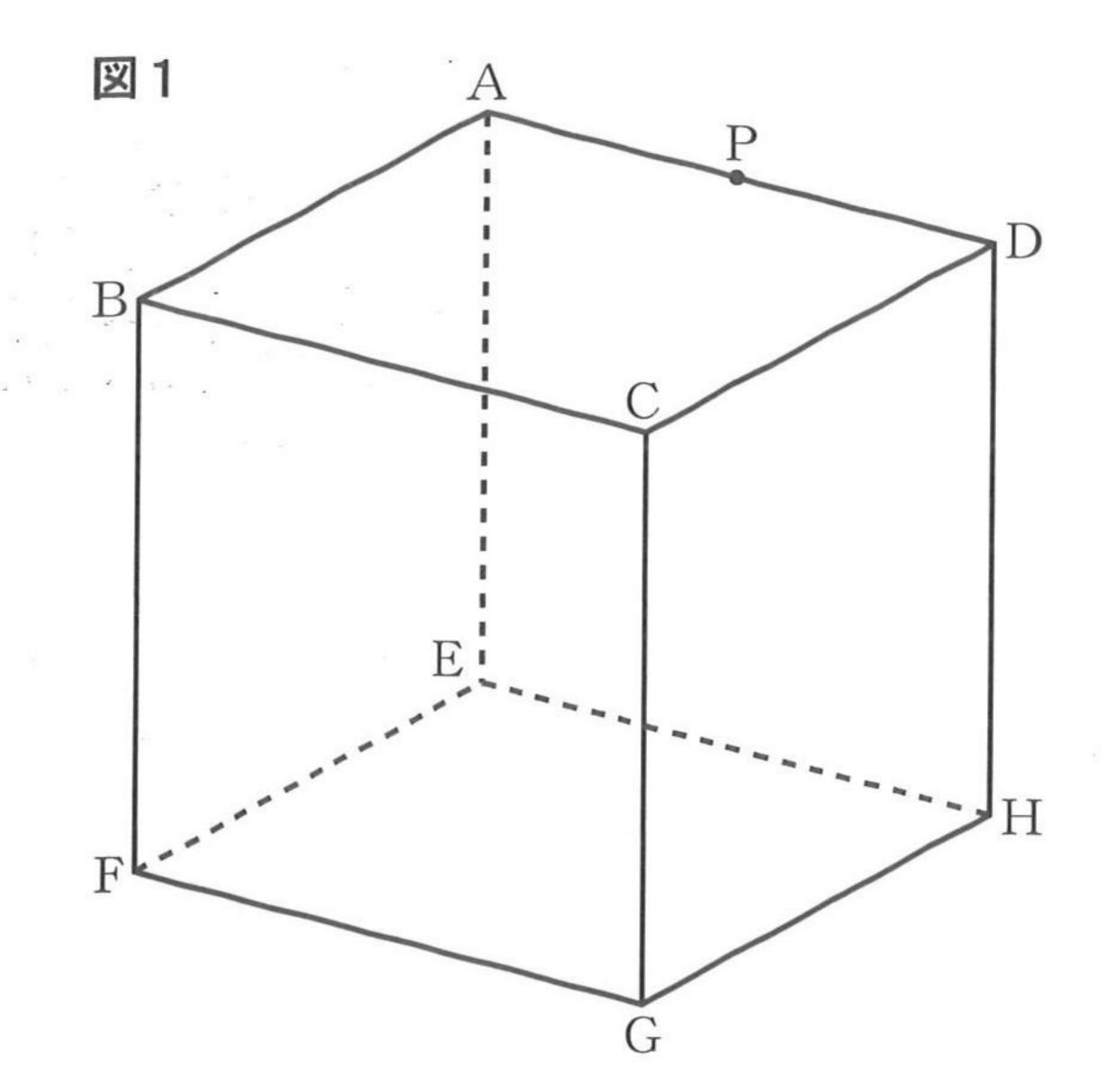
きくけ cm³である。



**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は, 1 辺 が 6 cm の立方体である。

点Pは辺AD上の点で、頂点A、頂点Dのいずれにも一致しない。

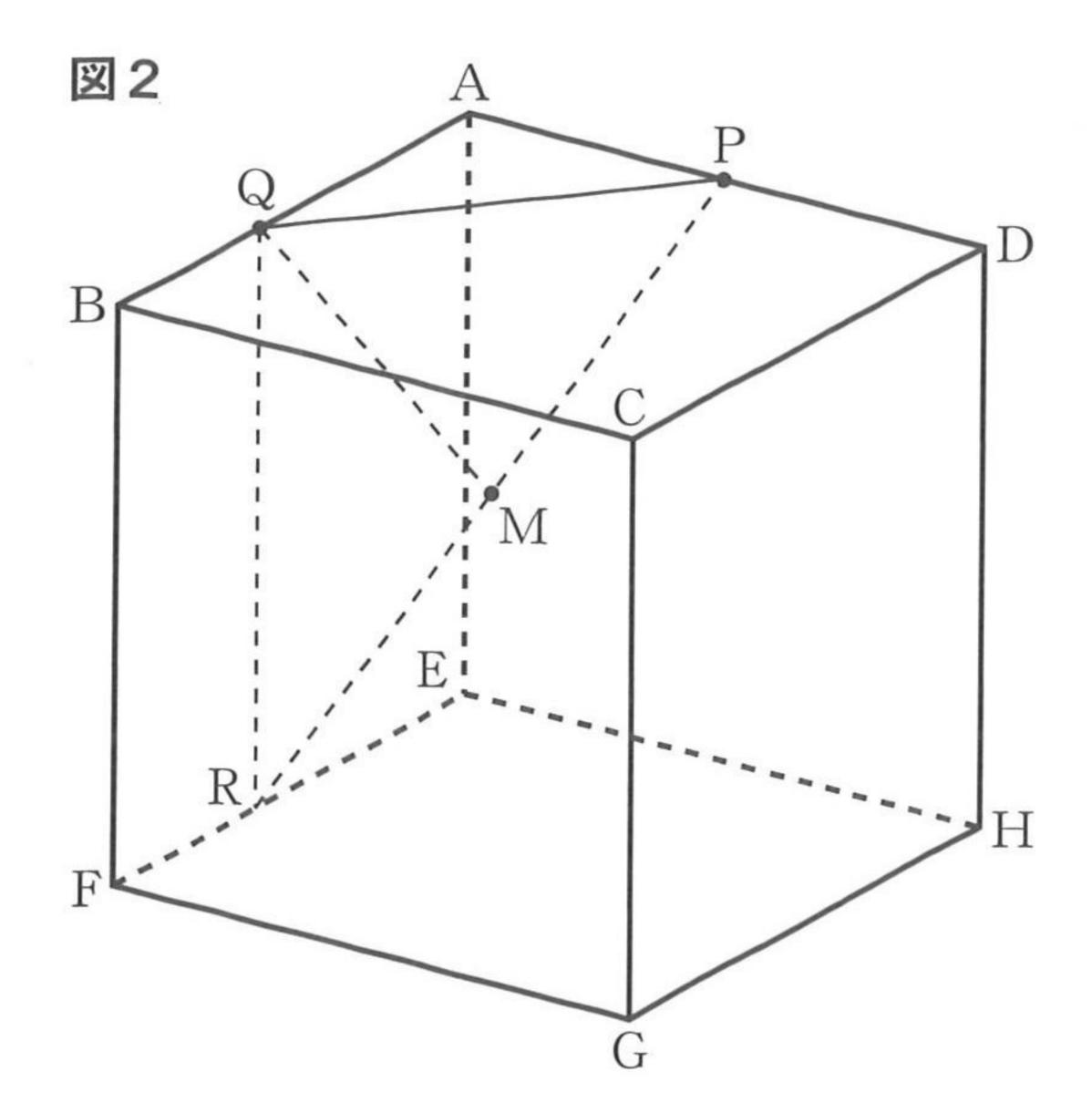
次の各間に答えよ。



右の**図2**は、**図1**において、辺 AB 上に点 Q をとり、点 Q から辺 EF にひいた垂線と辺 EF との交点を R,線分 PR の中点を M とし、点 P と点 Q,点 Q と点 M をそれぞれ結んだ 場合を表している。

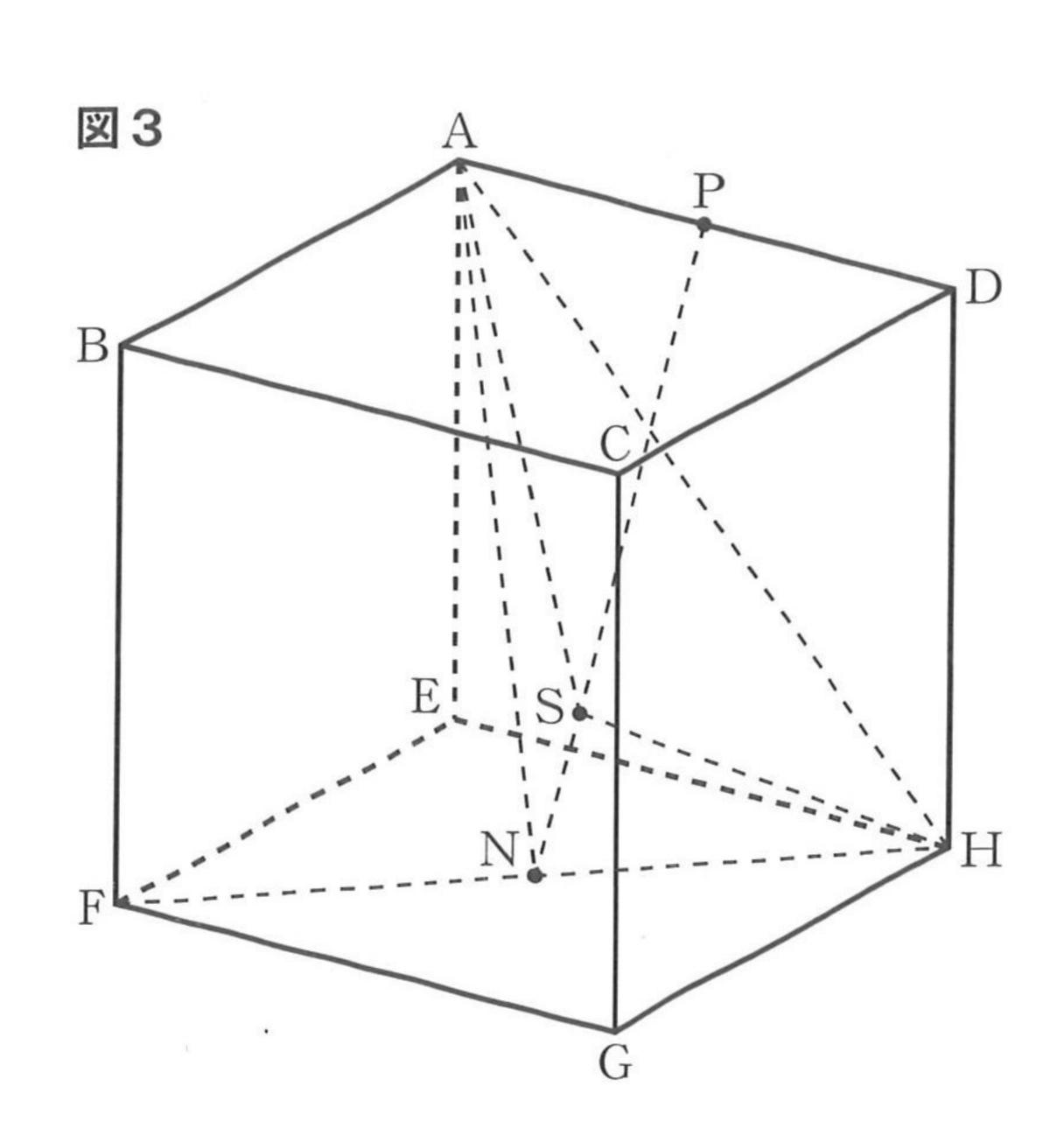
PQ = 6 cm のとき、 $\angle PQM$  の大きさは、

うえ度である。

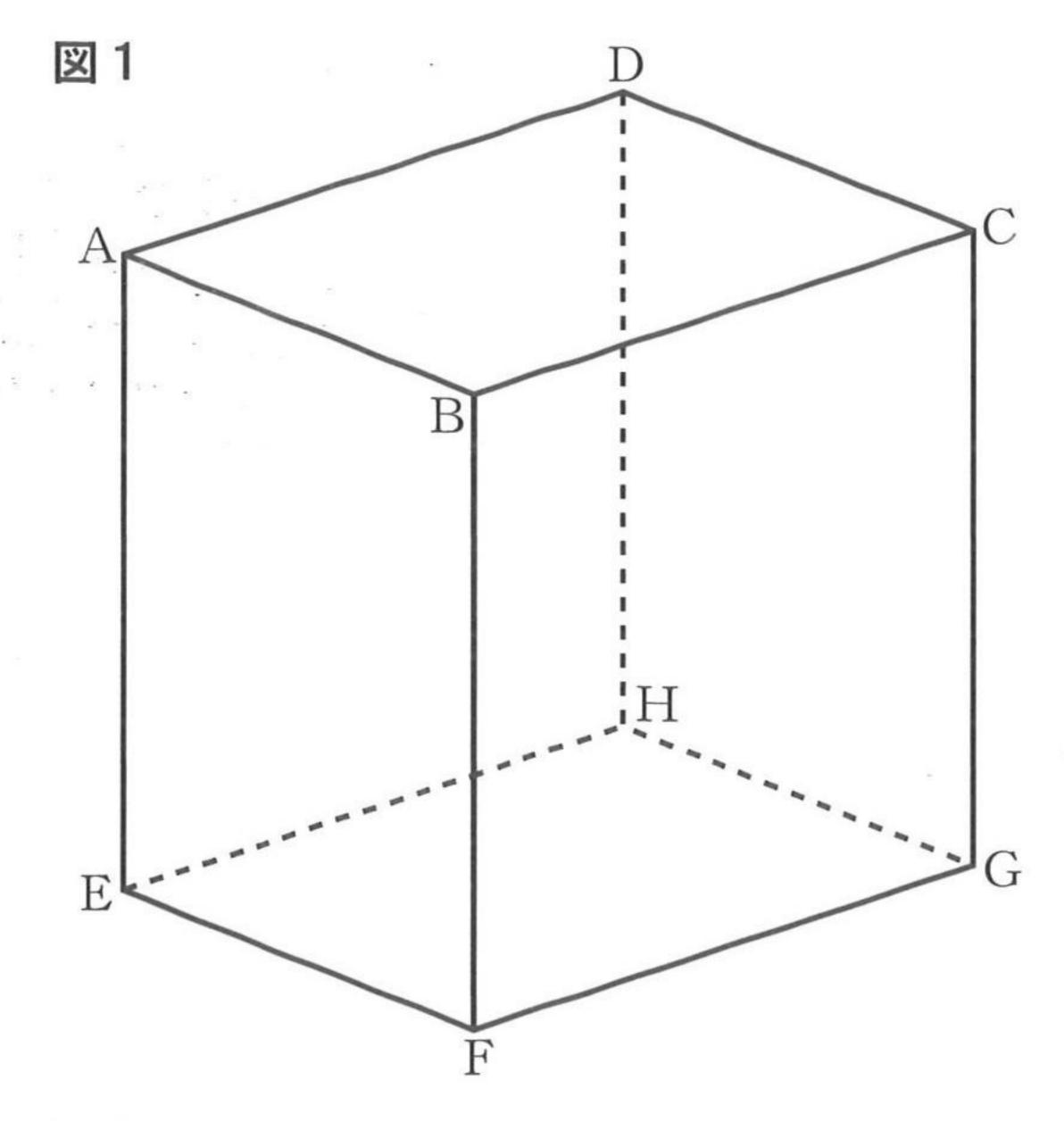


[問2] 右の図3は、図1において、点 Pが辺 ADの中点のとき、線分 FHの中点を N とし、線分 PN 上に PS:SN=3:1となる点 S をとり、四面体 AHNSをつくった場合を表している。

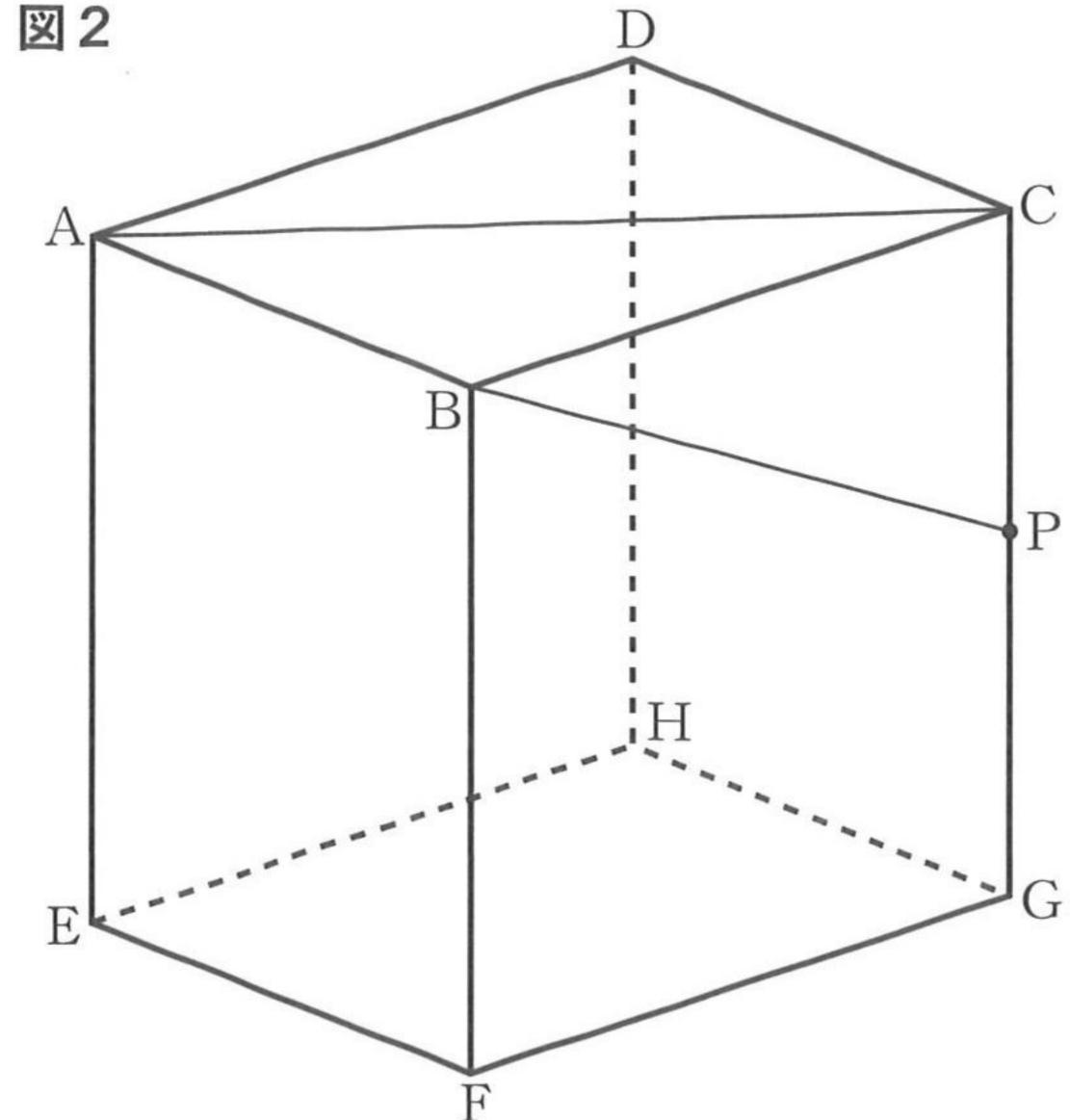
四面体 AHNS の体積は何 cm³か。



5 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は, AB = 6 cm, AD = AE = 8 cm の直方体である。 次の各間に答えよ。



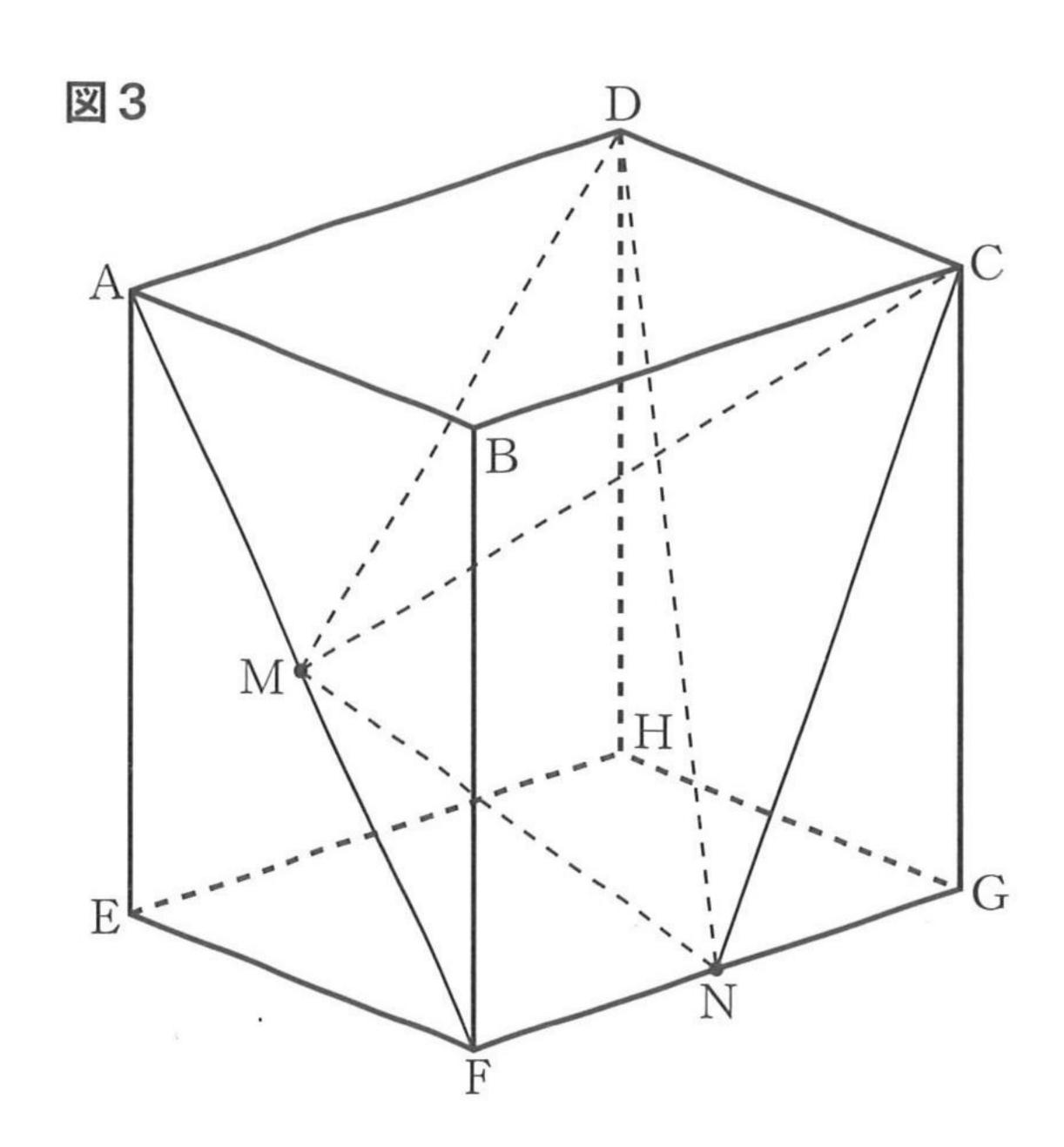
 [問1] 右の図2は、図1において、辺CG上に 点Pをとり、頂点Aと頂点C、頂点Bと 点Pをそれぞれ結んだ場合を表している。
AC=PBのとき、線分PGの長さは 何cmか。



[問 2] 次の の中の「**う**」「**え**」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の図3は、図1において、線分AF、 辺FGの中点をそれぞれM、Nとし、 四面体CDMNをつくった場合を表して いる。

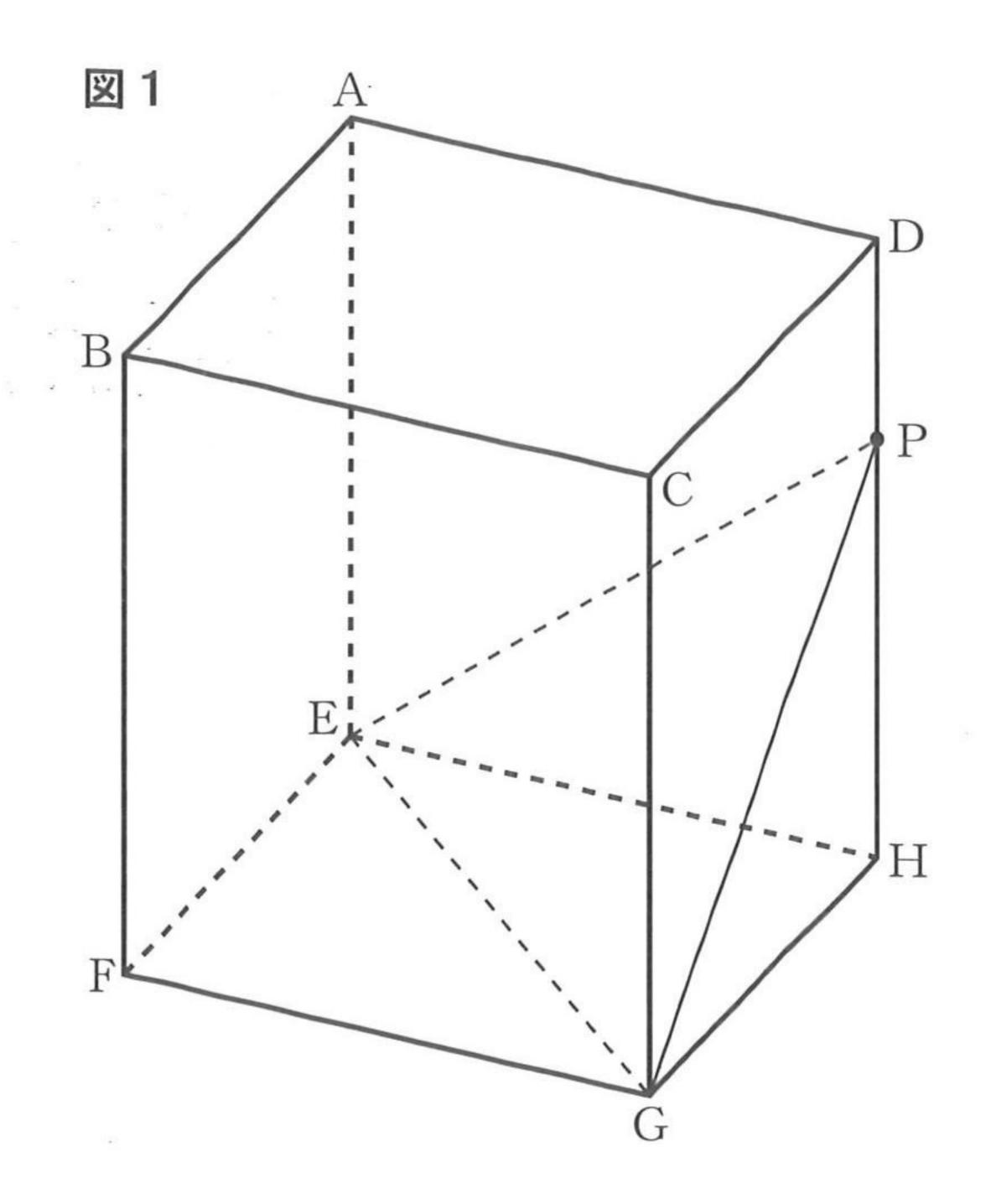
四面体 CDMN の体積は, **うえ** cm<sup>3</sup> である。



5 右の図1に示した立体 ABCD - EFGH は,

AB=3 cm, AD=4 cm, AE=5 cm の直方体である。 辺 DH上に点 P をとり, 頂点 E と頂点 G, 頂点 E と点 P, 頂点 G と点 P をそれぞれ結ぶ。 次の各問に答えよ。

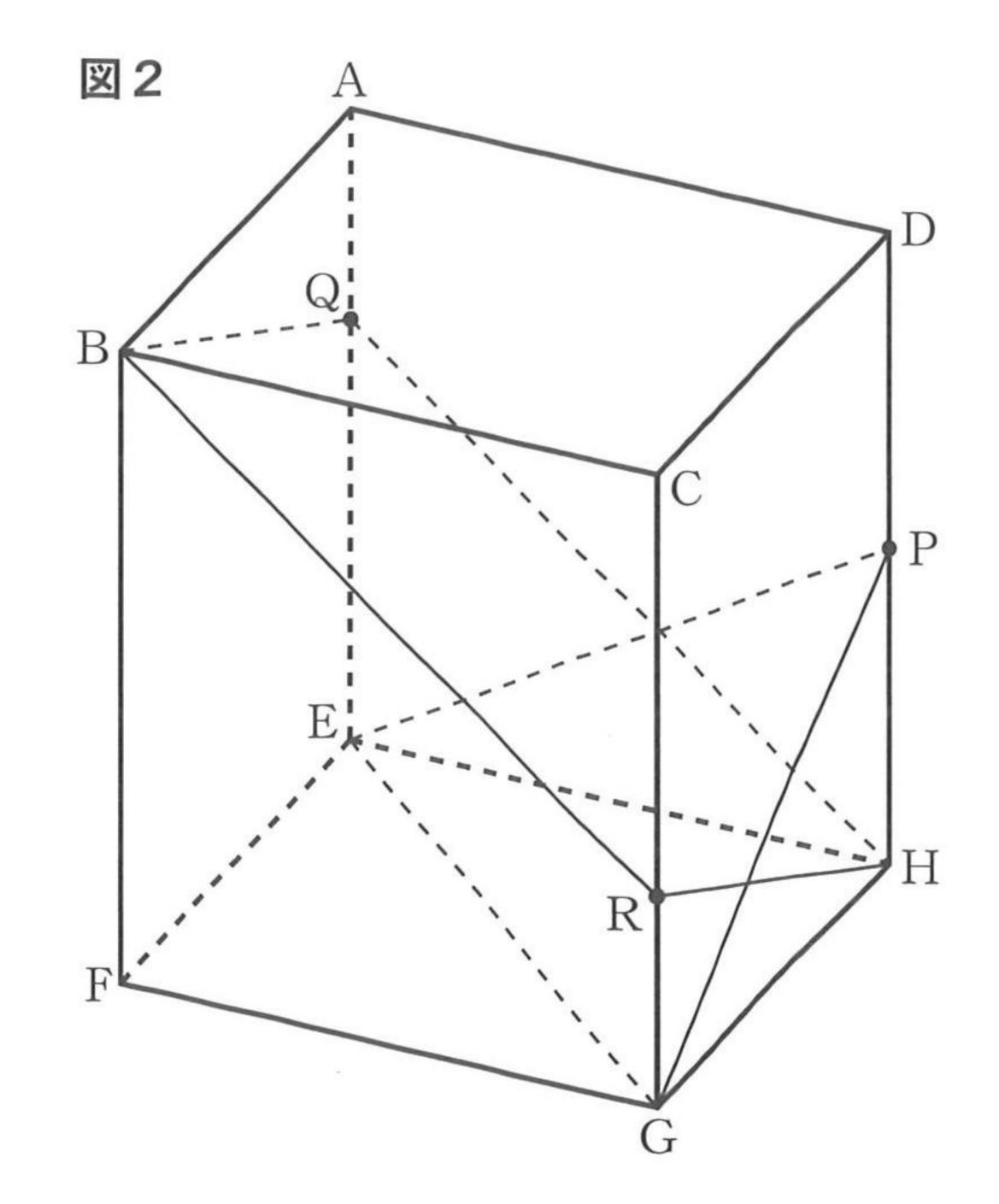
[問 1 ] 三角すい P-EGH の体積が 直方体 ABCD-EFGH の体積の  $\frac{1}{10}$  になるとき,線分 DP の長さは何 cm か。



[問2] 次の の中の「こ」「さ」「し」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は、**図1**において、点 P が辺 DH の中点のとき、辺 AE 上に AQ: QE = 1:2となる点 Q を、辺 CG 上に CR: RG = 2:1となる点 R をそれぞれとった場合を表していて、このとき、4点 B、Q、H、R は同一平面上にある。

三角すい P-EGH を平面 BQHR で 2 つの 立体に分けるとき、頂点 E を含むほうの立体の 体積は、 cm<sup>3</sup> である。



5 右の**図1**に示した立体 ABC - DEF は,

AB = BC = 8 cm, AD = 6 cm,

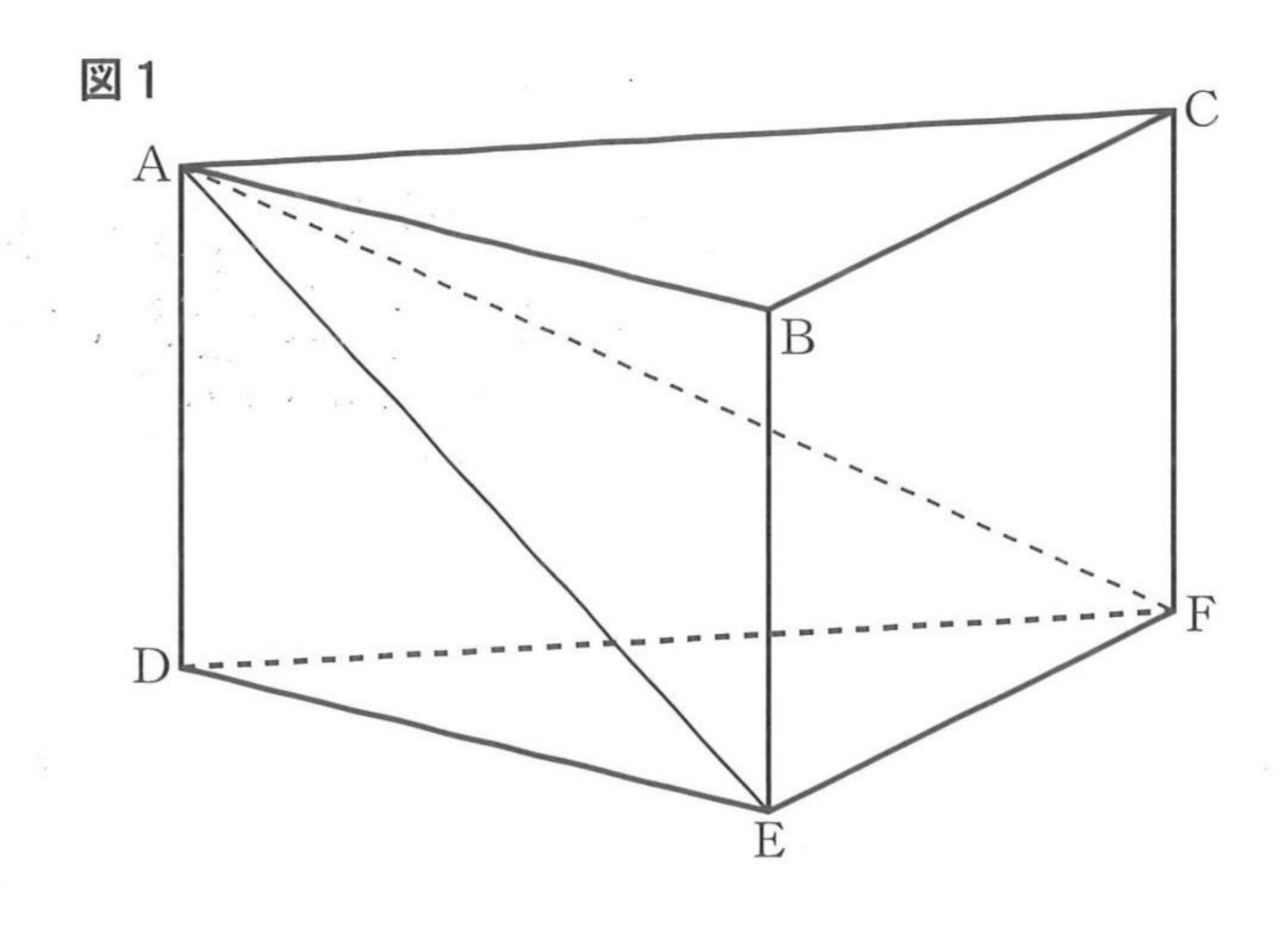
 $\angle ABC = \angle ABE = \angle CBE = 90^{\circ}$  の三角柱である。

頂点 A と頂点 E, 頂点 A と頂点 F をそれ ぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

[問 1] 次の の中の「**さ**」「し」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

△AEF の面積は, さし cm² である。



[問 2] 次の の中の 「**す**」 「せ」 に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の図2は、図1において、

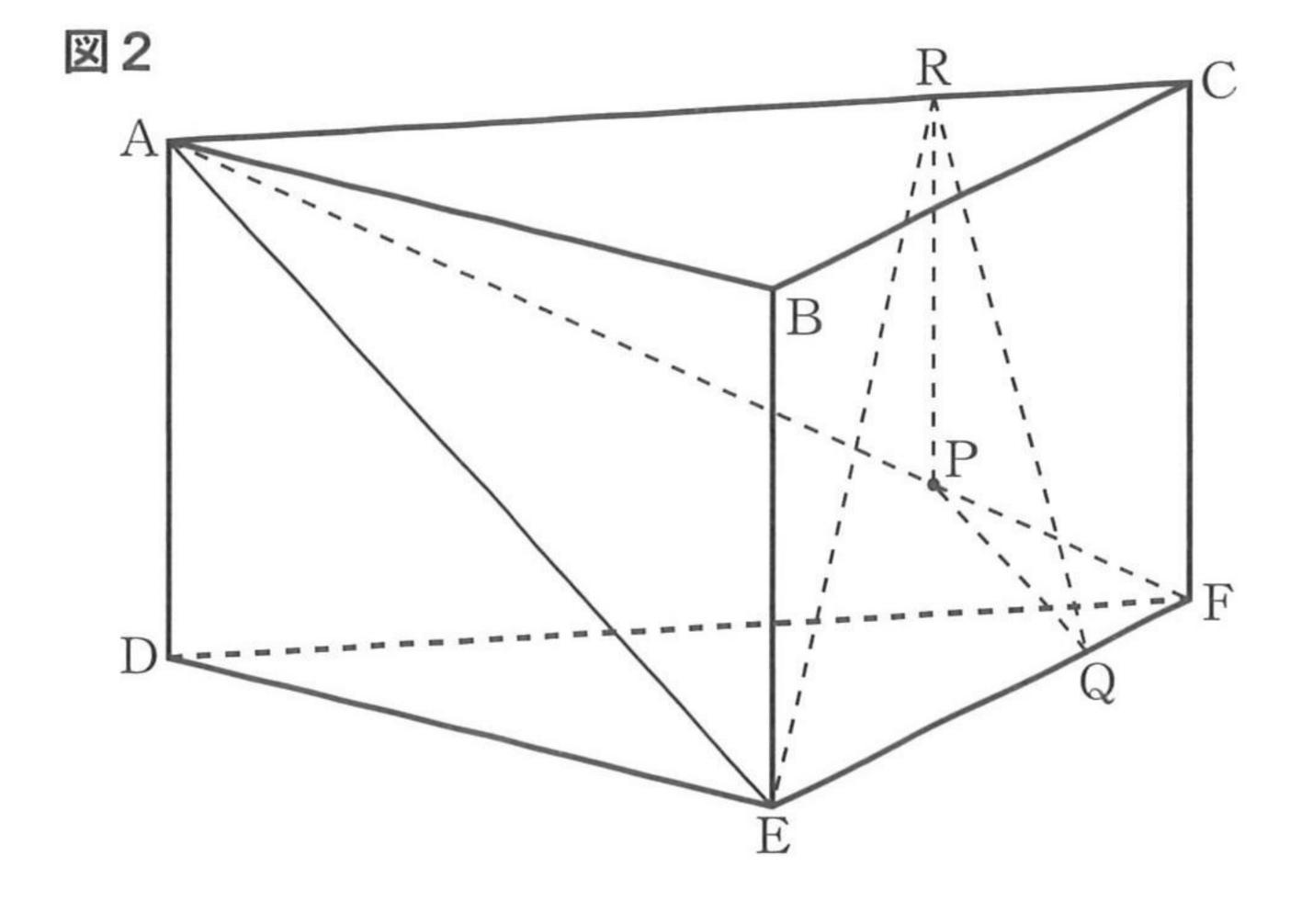
線分 AF 上に点 Pをとり、点 Pを通り線分 AE に平行な直線と辺 EF との交点を Q,点 Pを通り辺 CF に平行な直線と辺 AC との交点を R とし、

四角すい R-AEQP をつくった場合を表している。

AP: PF = 3:1 のとき,

四角すい R-AEQPの体積は,

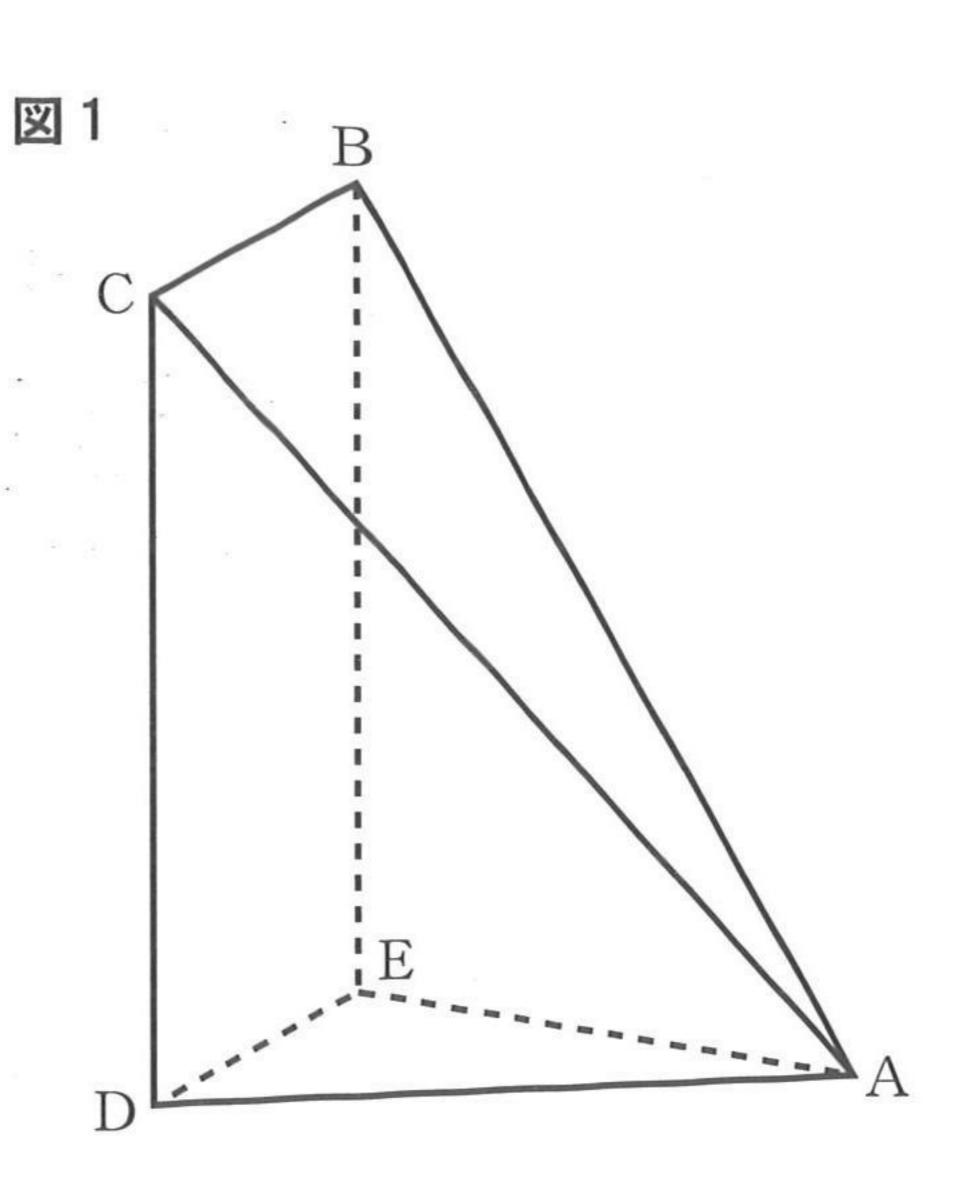
すせ cm³である。



5 右の図1に示した立体 A-BCDE は、底面 BCDE が 長方形で、∠AEB=∠AED=90°、AE=8 cm、BC=6 cm、 CD=12 cm の四角すいである。

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「**き**」に当てはまる数字を答えよ。 辺 BC とねじれの位置にある辺の数は, **き** である



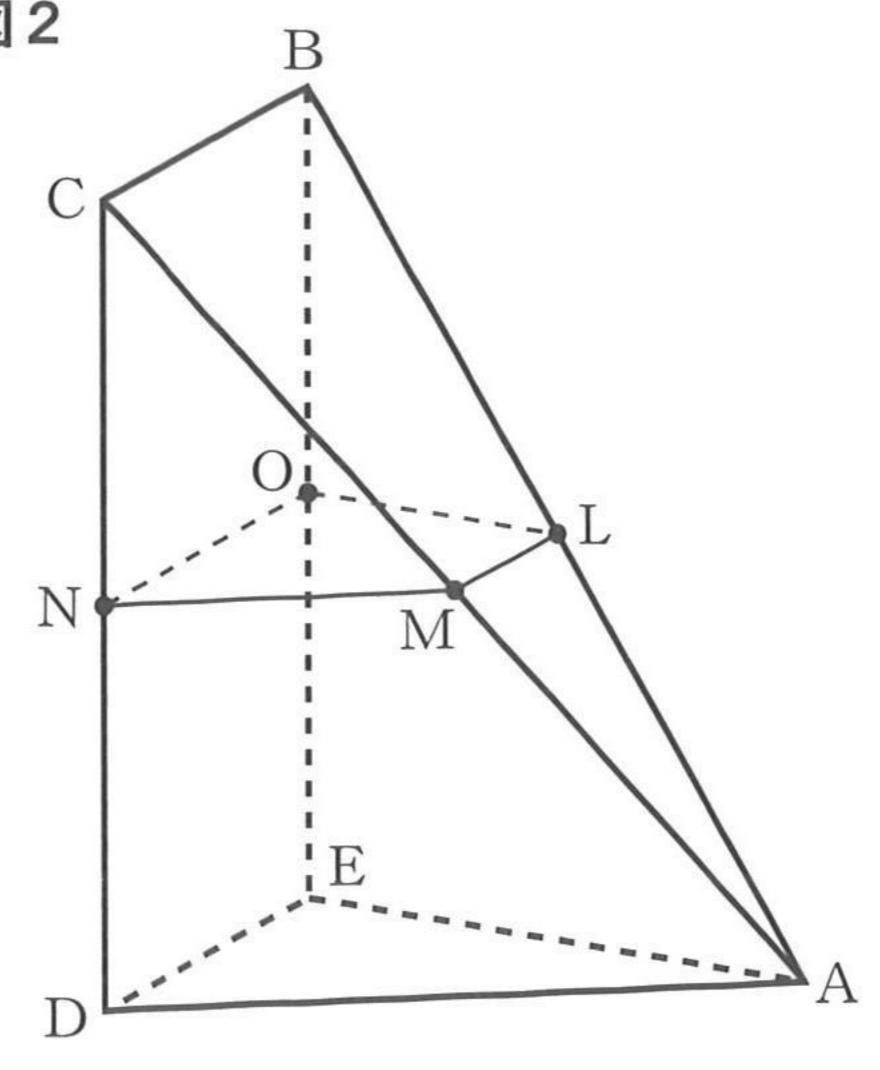
[問2] 次の の中の「く」「け」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は,**図1**において,辺AB,AC,CD,BEの **図2** 

中点をそれぞれ L, M, N, Oとした場合を表している。

4 点 L, M, N, O は同一平面上にあり、その平面は面 ADE に平行である。

このとき,5つの面 LMNO,BCML,BCNO,BOL,CNM に囲まれた立体の体積は, **くけ** cm³ である。



**5** 右の**図1**に示した立体 ABC-DEF は、AB=8 cm、AC=6 cm、AD=12 cm、BC=10 cm、

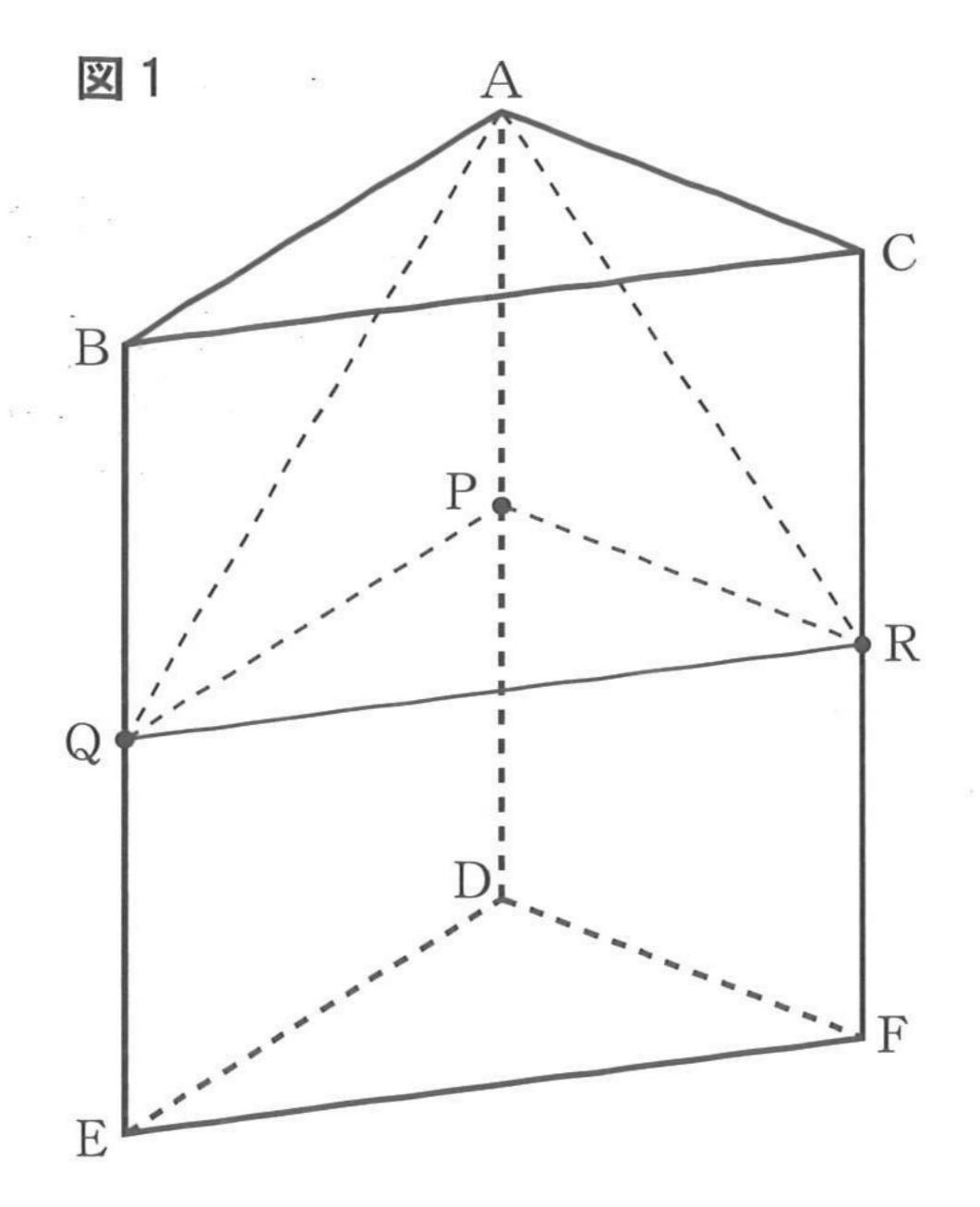
 $\angle BAC = \angle BAD = \angle CAD = 90^{\circ}$ の三角柱である。

辺 AD, BE, CF の中点をそれぞれ P, Q, R とし, 頂点 A と点 Q, 頂点 A と点 R, 点 P と点 Q, 点 P と点 R, 点 Q と点 R をそれぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

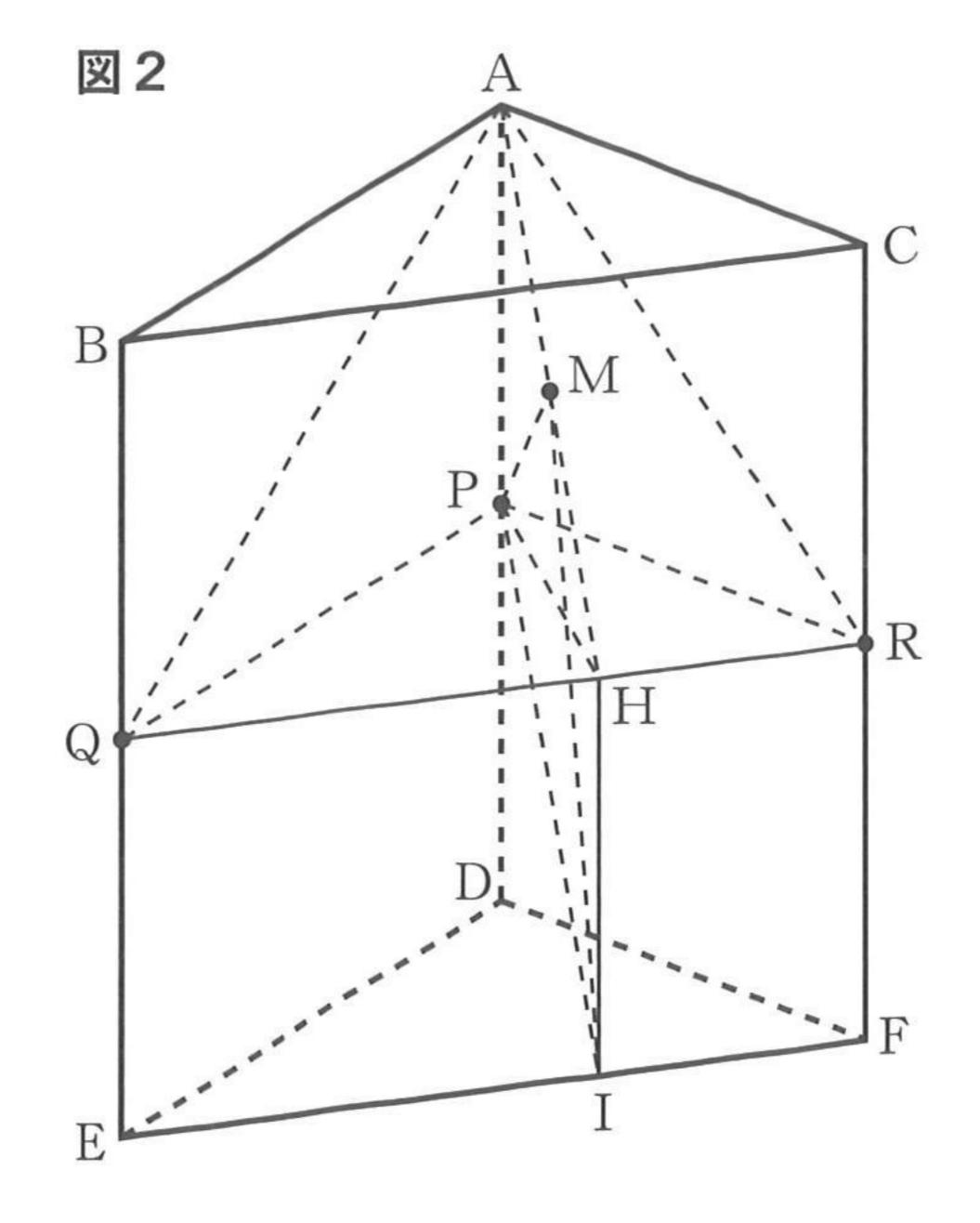
[問1] 次の の中の「**く**」「**け**」に当てはまる数字を それぞれ答えよ。

四面体 APQR の体積は、 **くけ** cm³ である。



[問2] 右の図2は、図1において、点Pから線分QRに ひいた垂線と線分QRとの交点をH、点Hから辺 EFにひいた垂線と辺EFとの交点をI、線分AHの 中点をMとし、ΔMPIをつくった場合を表してい る。

△MPIの面積は何 cm²か。



### 2023年11月

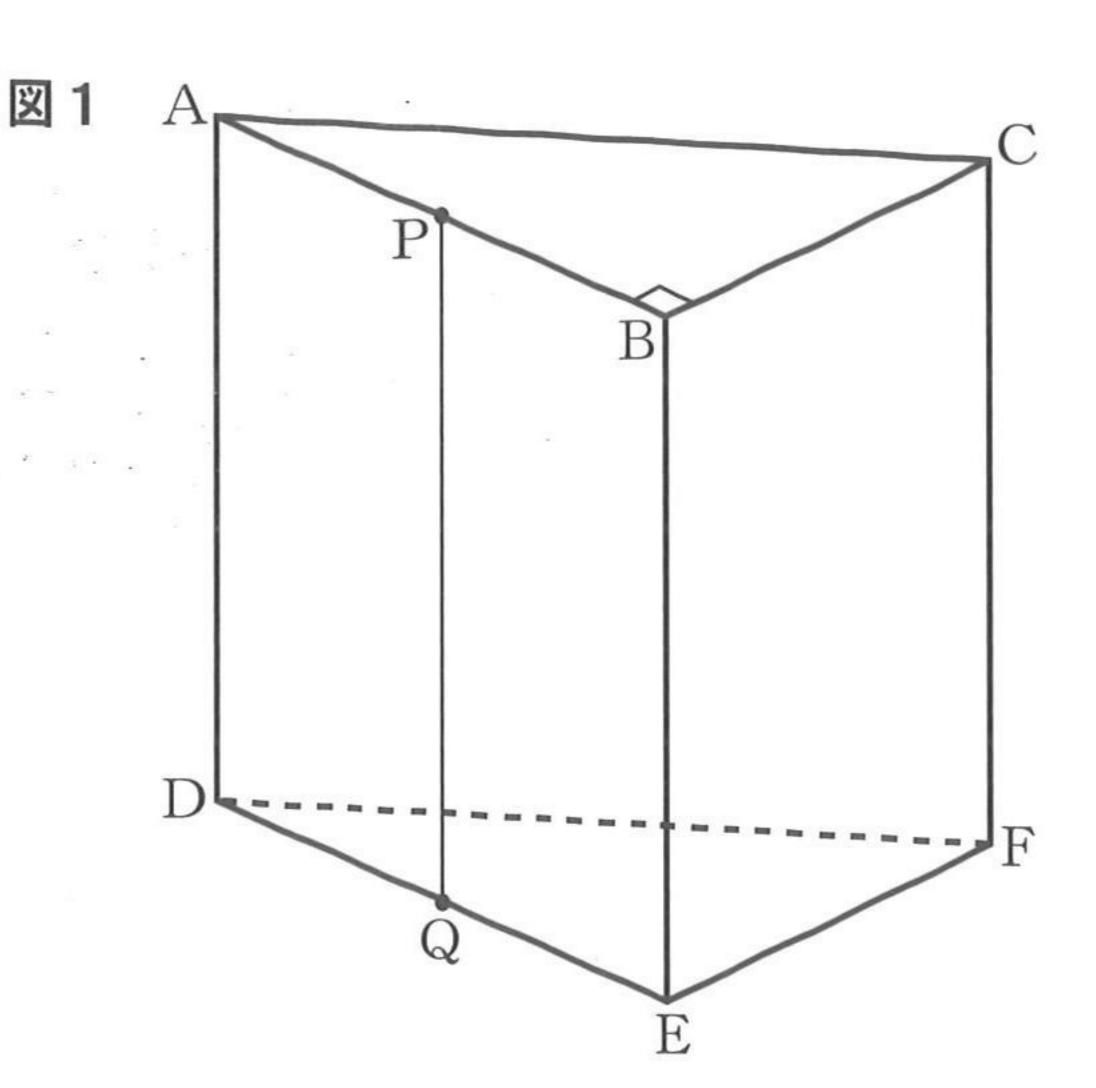
5 右の図1に示した立体 ABC - DEF は、 AB=8 cm, BC=6 cm, CA=AD=10 cm, ∠ABC=∠ABE=∠CBE=90°の三角柱である。 辺AB上に点P, 辺DE上に点Qを, AP=DQ となるようにとる。

点Pと点Qを結ぶ。 次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の **[か**] **[き**] に当てはまる 数字をそれぞれ答えよ。

頂点Cと点P, 頂点Fと点Qをそれぞれ結ぶ。

点 P が辺 AB の中点になるとき,三角柱 APC - DQF の表面積から,三角柱 BCP - EFQ の表面積をひいた差は, **かき** cm² である。

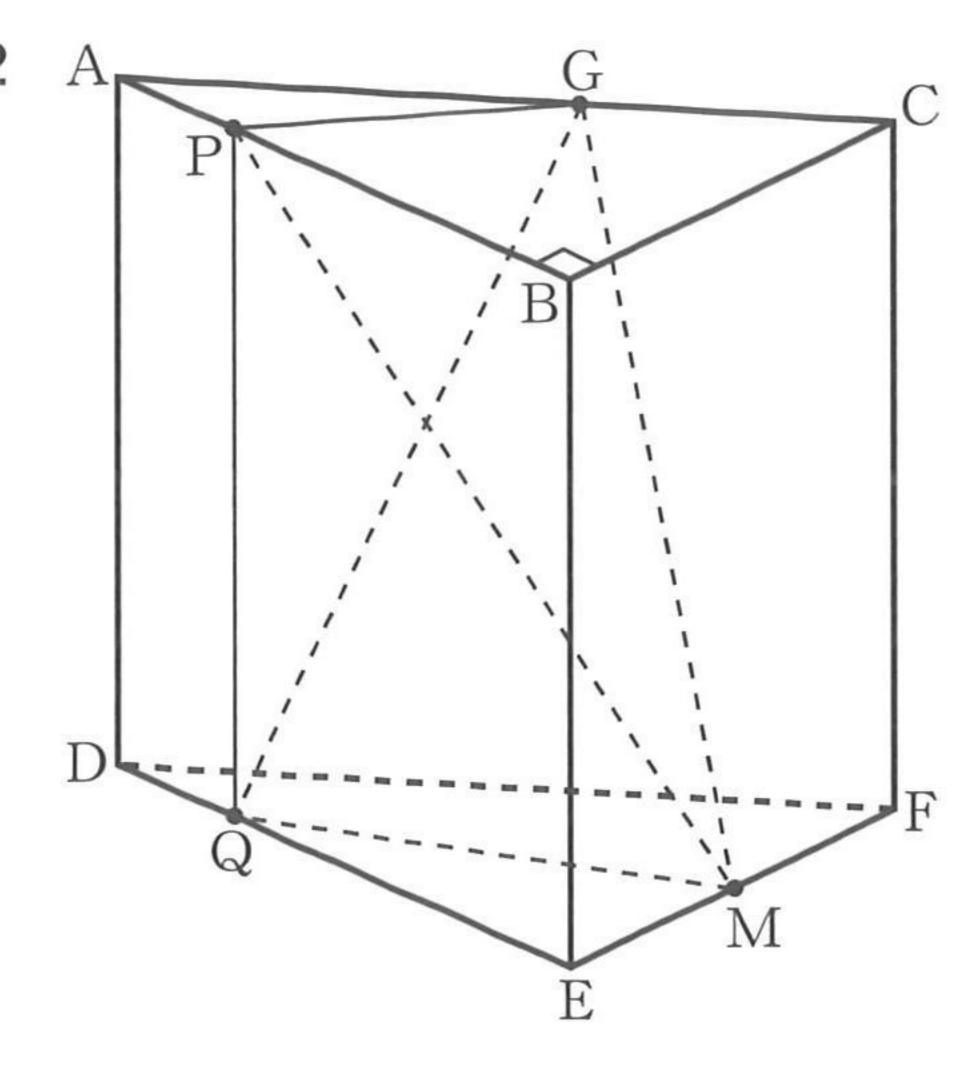


### [問2]次の の中の「く」「け」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図2**は、**図1**において、辺EFの中点を M とし、辺 AC 上に点 G を AG: GC = 3:2 となるようにとり、四面体 GPQM をつくった 場合を表している。

AP = 2 cm のとき、四面体 GPQM の体積は、

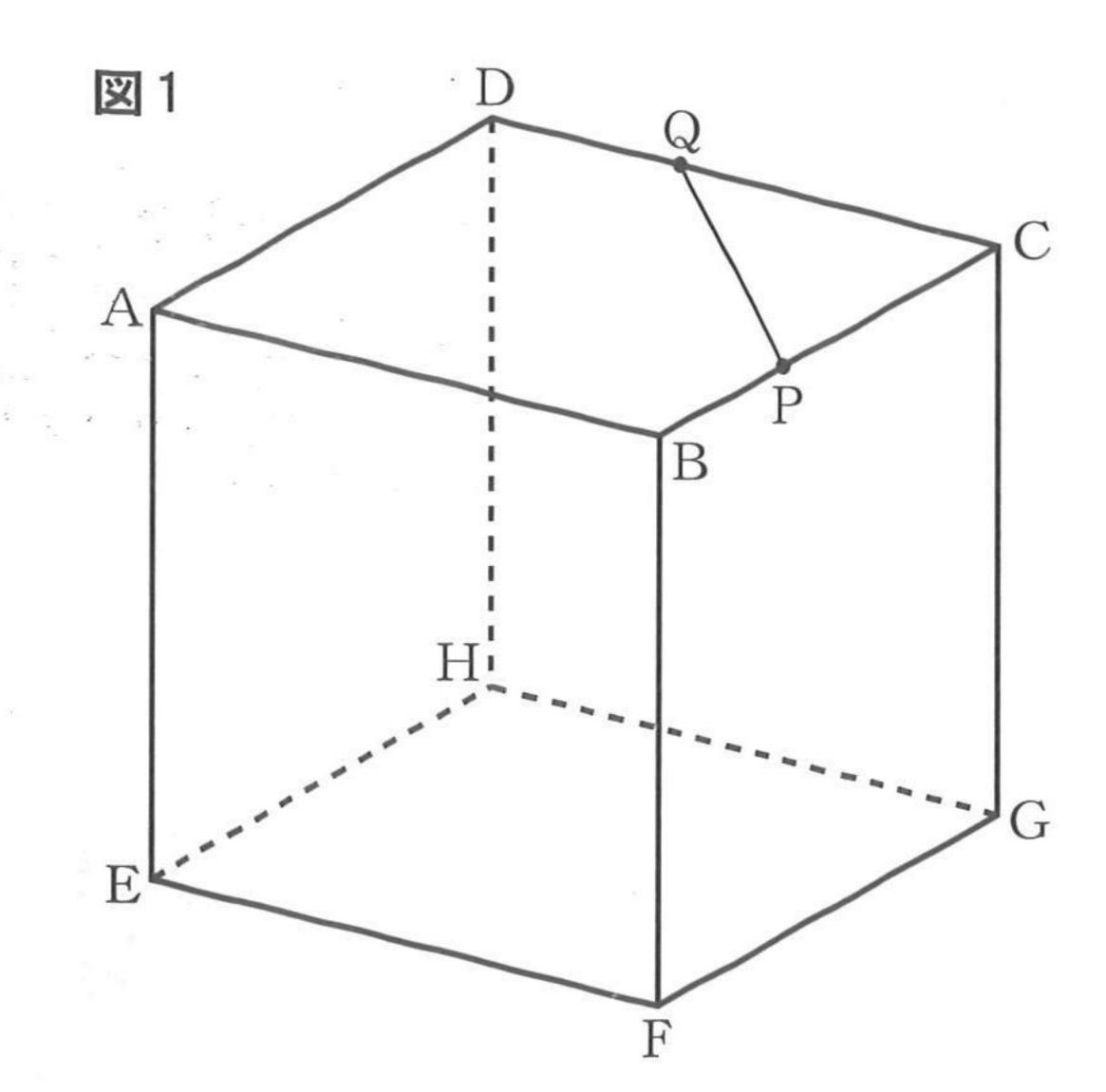
くけ cm³ である。



**5** 右の**図1**に示した立体 ABCD - EFGH は, 1 辺 の長さが 6 cm の立方体である。

辺 BC 上に点 P, 辺 CD 上に点 Q を, CP = CQ となるようにとり, 点 P と点 Q を結ぶ。

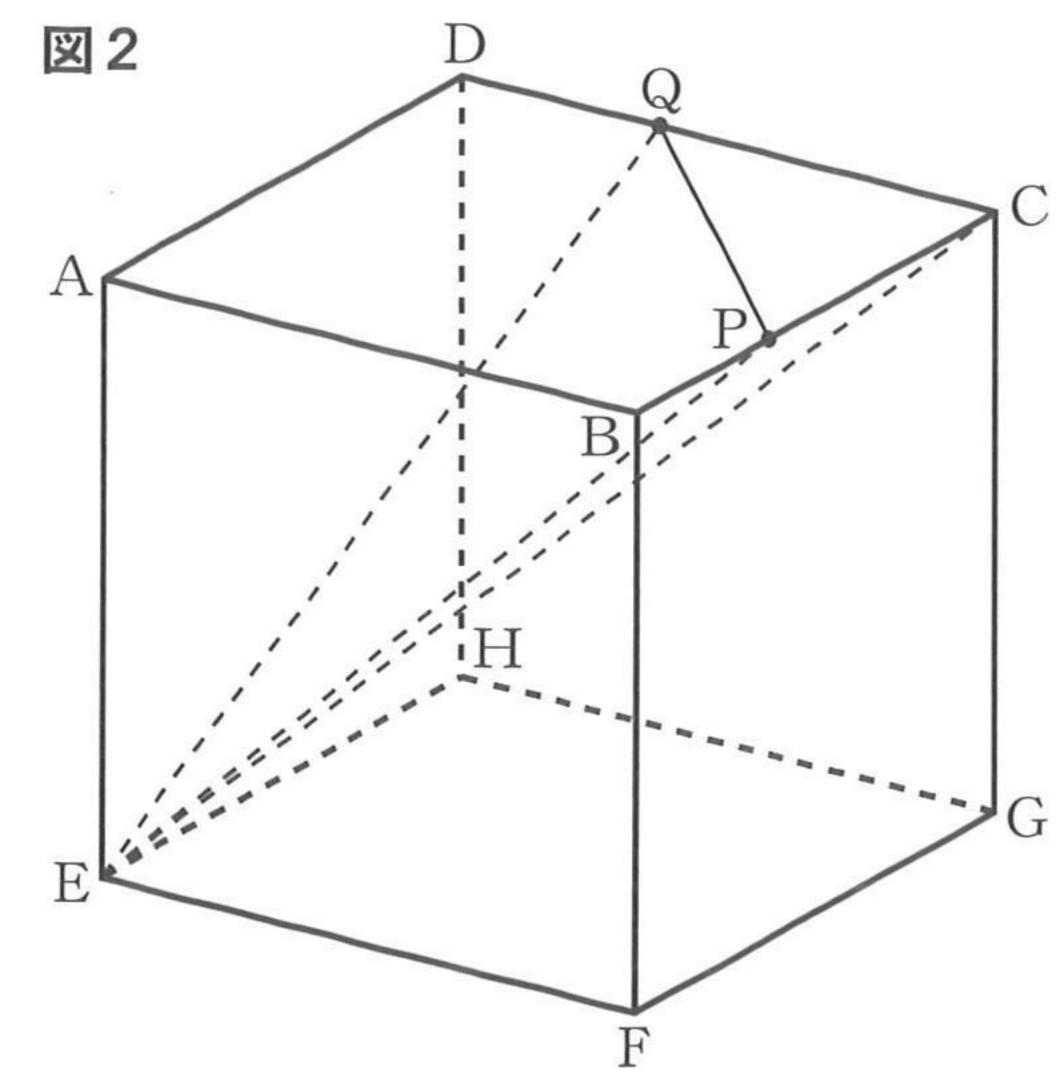
次の各間に答えよ。



### [問1] 右の図2は、図1において、

三角すい E-CPQ をつくった場合を表している。

三角すい E-CPQ の体積が 16 cm<sup>3</sup> のとき, 線分 CP の長さを求めよ。

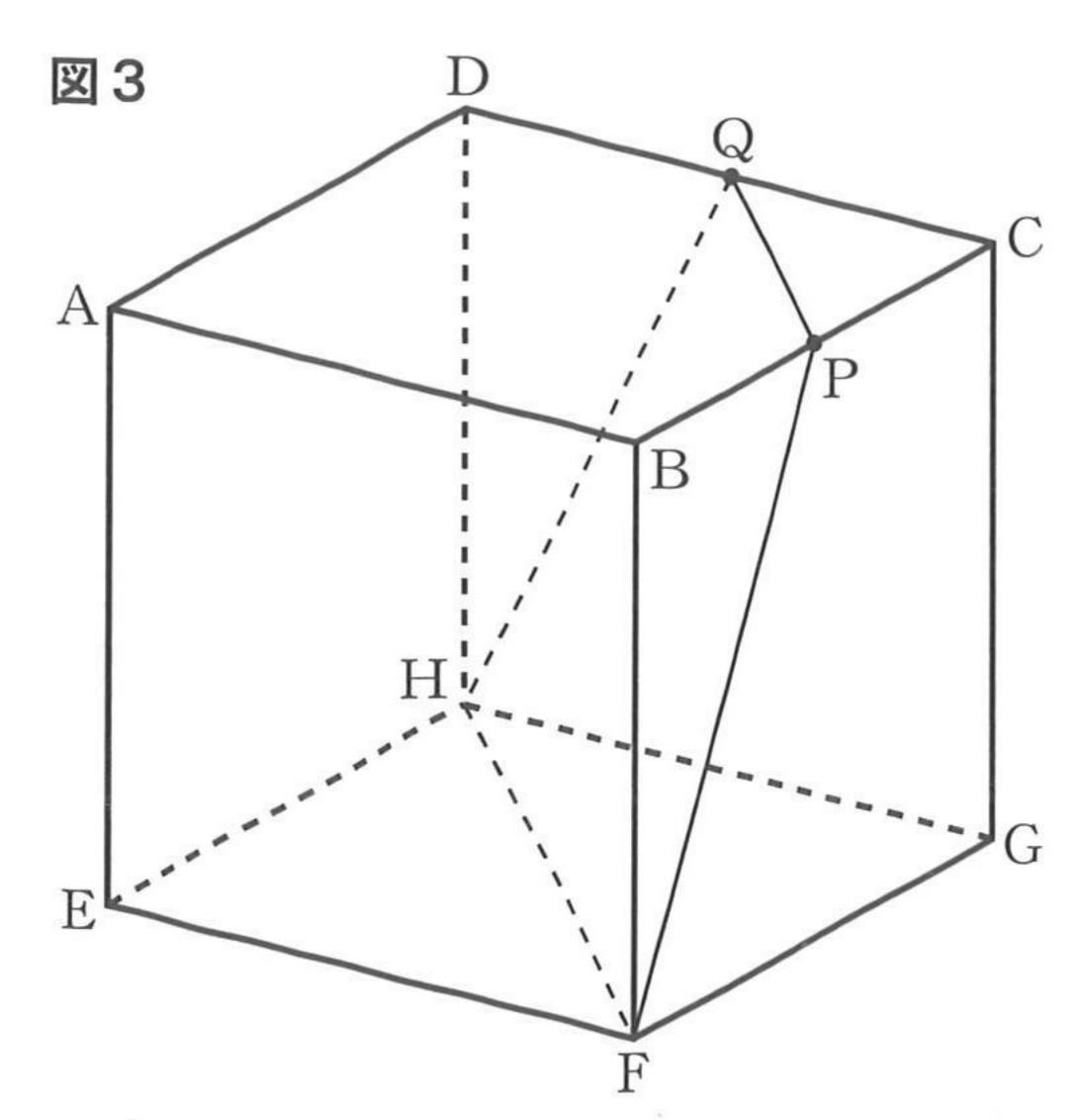


### [問2]次の の中の「け」「こ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の**図3**は、**図1**において、点 P が辺 BC の中点のとき、立体 CPQ – GFH をつくった 場合を表している。

立体CPQ-GFHの体積は、

けこ cm³である。



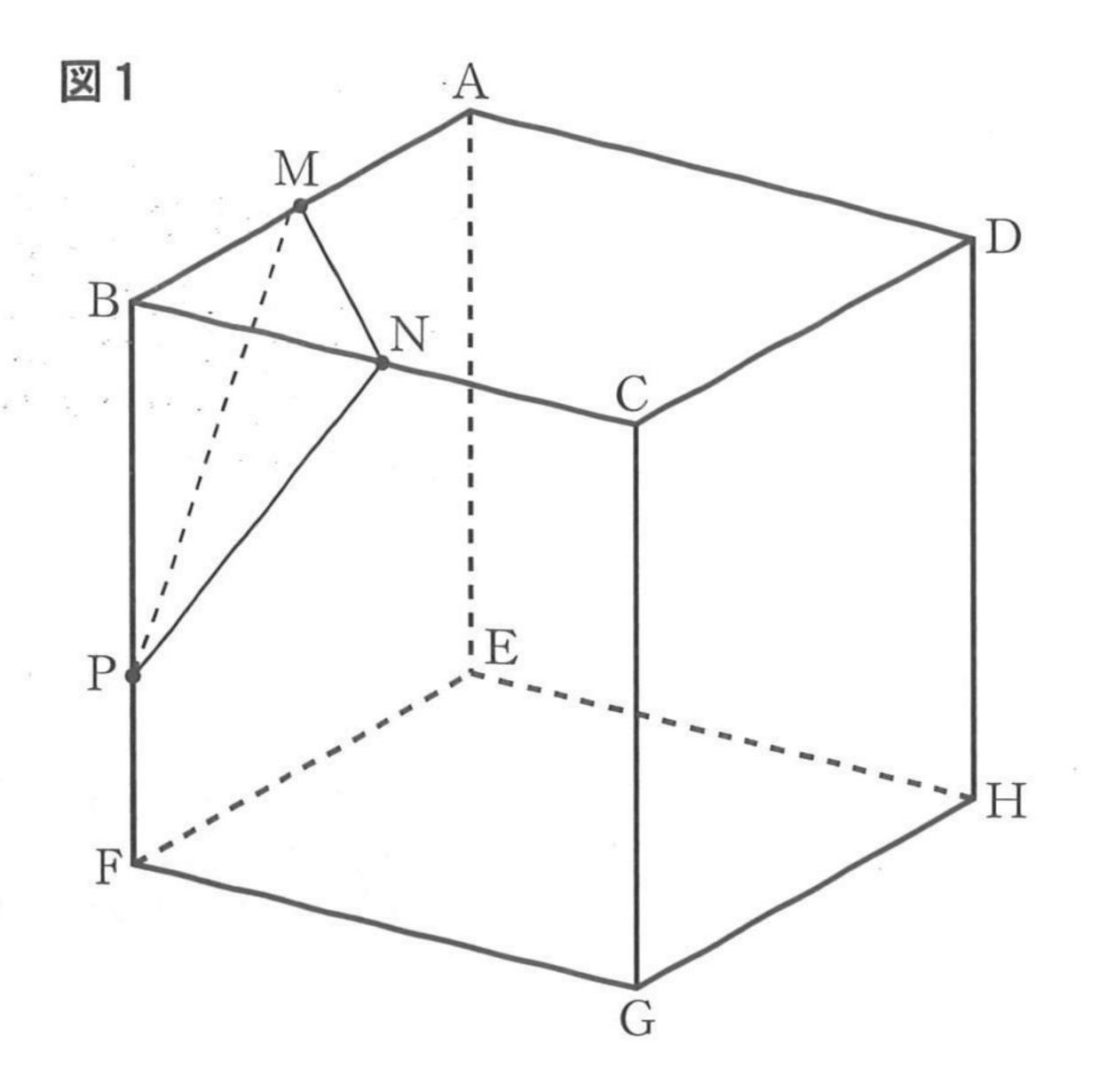
5 右の図1に示した立体 ABCD - EFGH は, 1辺が 12 cm の立方体である。

辺AB, BCの中点をそれぞれ M, Nとする。

辺BF上に点 Pをとり、点 M と点 N, 点 M と点 P, 点 N と点 P をそれぞれ結ぶ。

次の各間に答えよ。

[問1] 次の の中の「さ」「し」に当てはまる 数字をそれぞれ答えよ。



[問2] 次の の中の「**す**」「せ」「そ」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の図2は、図1において、点Pが辺BFの中点になるとき、立方体ABCD-EFGHから 三角すいP-BMNを取り除いた立体を表している。

この立体で,辺MPの中点をIとし,3点A,I,Gを通る平面と辺NPとの交点をJとする。 このとき,線分PJの長さは,



